



Chapter

ATOMIC AND QUANTUM

1) Basics Formulas for atomic Physics

- 1) แรงคูลอมบ์ : $F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$, $k=9 \times 10^9$
- 2) ประจุเมื่อทราบจำนวนอิเล็กตรอน : $q = ne$ จ.น e^- (ตัว)
- 3) ศักย์ไฟฟ้าจากจุดประจุ (Scalar) : $V = \frac{k(\pm Q)}{r}$
- 4) ศักย์ไฟฟ้าในแผ่นโลหะ : $V = Ed$ N/C, V/m
- 5) พลังงานศักย์เร่งประจุ : $qV = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mu^2 = \frac{1}{2}m(v^2 - u^2)$
- 6) แรงแม่เหล็กที่กระทำต่อประจุ : $F_B = qvB$ kg
- 7) โมเมนตัมเชิงมุม (L คงที่ ไม่เสียพลังงาน) : $L = mvr$
- 8) พลังงานของคลื่นแสงความถี่ต่าง ๆ : $E = hf = \frac{hc}{\lambda}$ หน่วยเป็น จูล

(1) q_1 \xrightarrow{F} q_2

 r
 $\Rightarrow q_e = q_p = \pm e = \pm 1.6 \times 10^{-19} C$
 $\Rightarrow m_e = 9.1 \times 10^{-31} kg$

(2)
 oil 20
 $q = ne = 10 (1.6 \times 10^{-19})$
 $= 16 C$ (ลบ)

(3) q \xrightarrow{v} \otimes

 $r = a$
 $v = \frac{kQ}{a}$

(4)
 E
 d
 V

(5) $u=0$ v

 $+q$
 v
 V_a

(6)
 F_B
 F_E
 $F_B = F_E$
 $qE = qvB$

(8) $m \rightarrow f_{max} \rightarrow \lambda_{min}$



2) Some Physical Constants

ปริมาณ สัญลักษณ์และค่า

- | | |
|------------------------------|--|
| 1) Atomic mass unit | $1u = 1.66 \times 10^{-27} \text{ kg}$ |
| 2) Avogadro's number | $N_A = 6.02 \times 10^{23} \text{ particles/mol}$ |
| 3) Coulomb Constant | $k = 9 \times 10^9 \text{ Nm}^2/\text{C}^2$ |
| 4) Electron mass | $m_e = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$ |
| 5) Electron volt | $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ |
| 6) Electron charge | $q_e(e) = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ |
| 7) Planck's constant | $h = 6.6 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ |
| | $\hbar = \frac{h}{2\pi} = 1.05 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s}$ |
| 8) Proton mass | $m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$ |
| 9) Rydberg constant | $R_H = 1.1 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$ |
| 10) Speed of light in vacuum | $c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}$ |

* * 11) อิเล็กตรอนถูกเร่งด้วยความต่างศักย์ V โวลต์ จะมีค่าพลังงาน V อิเล็กตรอนโวลต์

Ex

④ He $\rightarrow m = 4u$
 $= 4 \times 1.66 \times 10^{-27} \text{ kg}$ (amu)

② $\rightarrow q = 2e \text{ C}$
 $= 2 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

Ex $3 \text{ eV} = 3 \times 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$ #

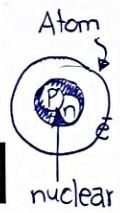
$$\text{eV} \begin{matrix} \times e \\ \div e \end{matrix} \rightleftharpoons \text{J}$$

Ex

$\text{e}^- \xrightarrow{E=4.9 \text{ eV}} \text{e}^-$

เร่งด้วย 4.9V





3) Thomson Experiment

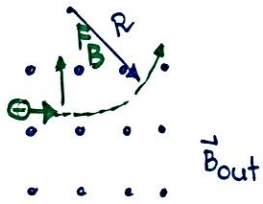
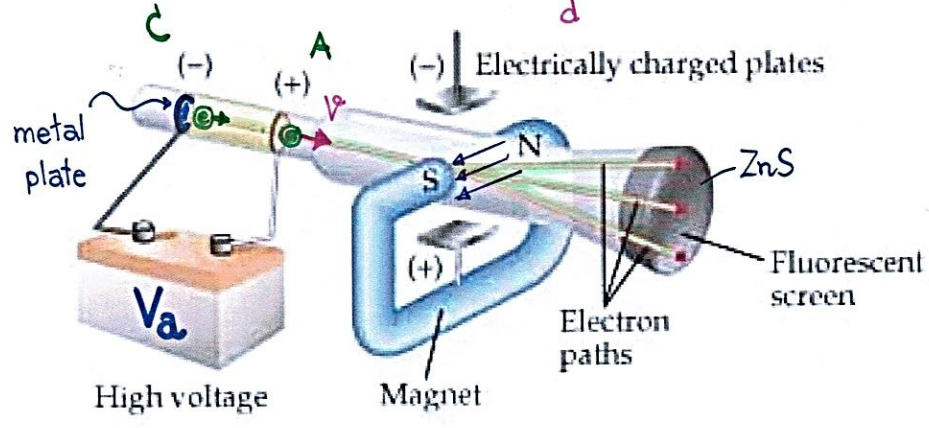
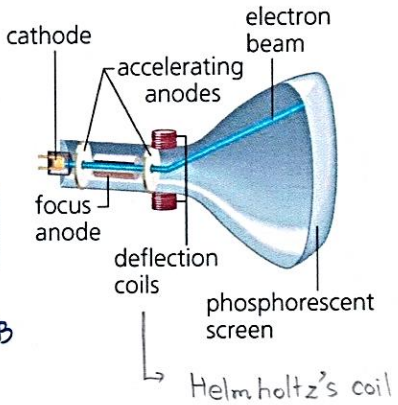
ทดลอง วิธีนี้ Cathode → electron

Thomson : หา $\frac{e}{m}$

• ประจุถูกเร่ง $qV_a = \frac{1}{2}mv^2$

• ประจุเคลื่อนที่โค้งในสนามแม่เหล็ก $R = \frac{mv}{qB}$

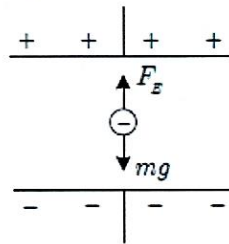
• ประจุเคลื่อนที่แนวตรง $F_E = F_B \rightarrow qE = qvB$
 $\rightarrow \frac{v}{d} = \frac{v}{d} B$



4) Millikan Experiment

Millikan : หา e, m

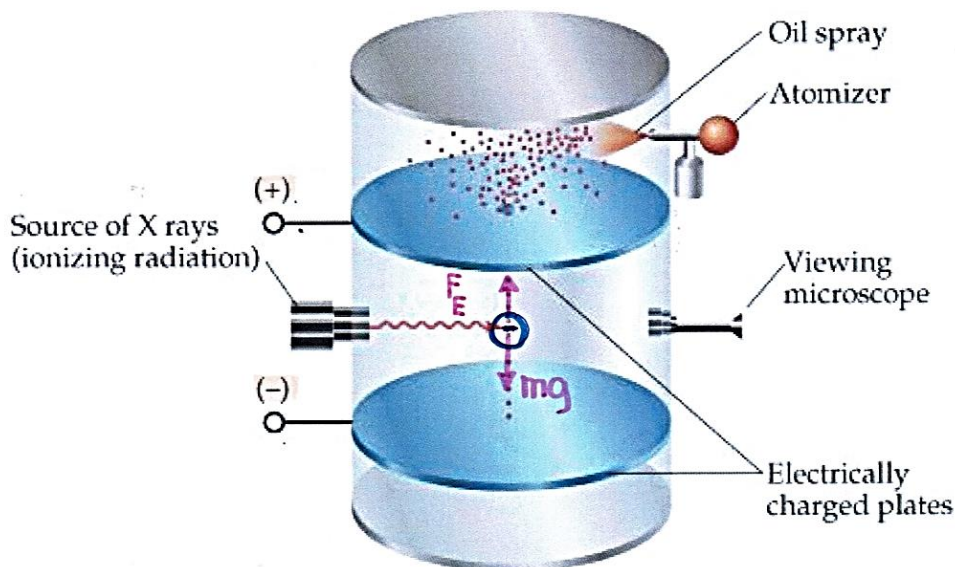
หยด oil มี e หลายตัว



$$F_E = mg$$

$$qE = mg$$

$(ne) \cdot \frac{V}{d} \rightarrow V = \frac{4}{3} \pi R^3 \rho$



ปรับ Volt ระหว่างแผ่น จาก oil ลอยนิ่ง

$\Sigma F = ma$

$\downarrow a$

$mg - F_E = ma$

$mg - qE = ma$

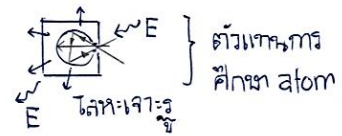
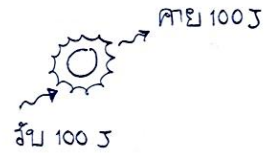
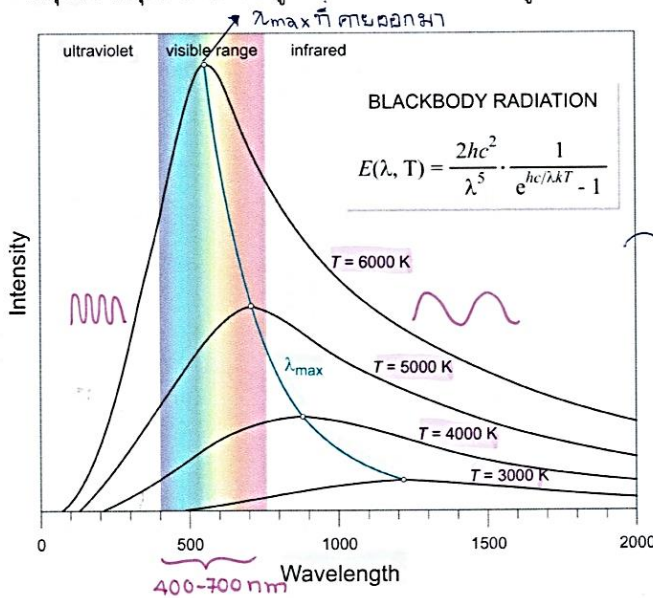
$qE = m(g - a)$



5) Model of Atom

5.1) Max Planck

- model การ รั่ว-คาย พลังงานของ e^-
- วัตถุดำ : วัตถุที่สามารถ รั่ว-ดูดกลืน พลังงานได้อย่างสมบูรณ์

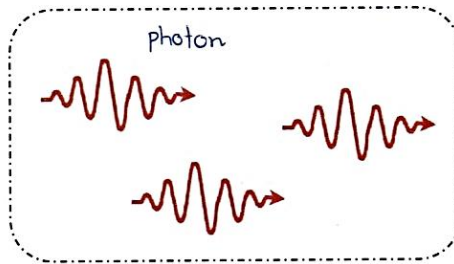


การรับพลังงานของ black body
จะรับได้-คาย หลายช่วง ขึ้นกับ Temp!
Temp ↑ รับพลังงานมากขึ้น!

- แสงมีพลังงาน ในแต่ละก้อนโฟตอน เป็นไปตามสมการ :

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda} \quad \text{หน่วย J}$$

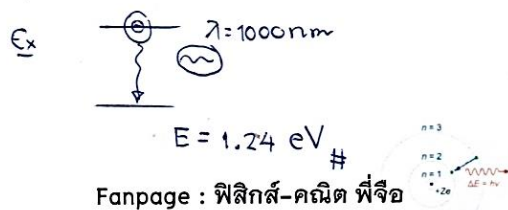
$$E = \frac{1240}{\lambda_{nm}} \quad \text{หน่วย eV}$$



- อิเล็กตรอนถูกเร่งด้วยความต่างศักย์ 1 โวลต์ จะมี พลังงาน 1 อิเล็กตรอนโวลต์
- พลังงาน : $1 \text{ eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$

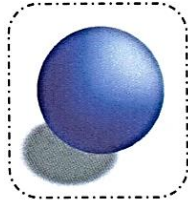
E_x $\lambda = 200 \text{ nm}$

$$E = \frac{1240}{200} = 6.2 \text{ eV}$$

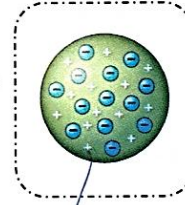


5.2) Model of Atom

5.2.1) Dalton

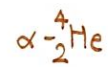
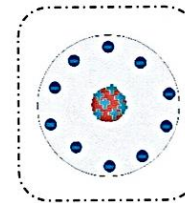
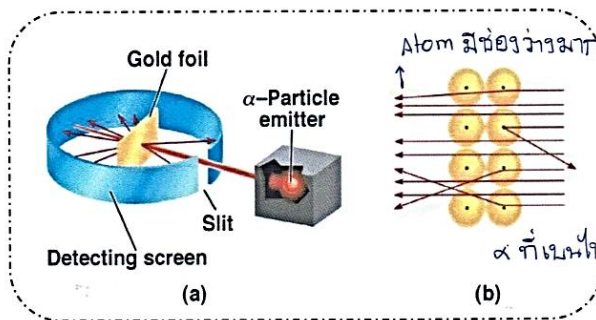


5.2.2) Thomson



กาสาร

5.2.3) Rutherford



α ทำมุมไป ทำให้สรุปว่า

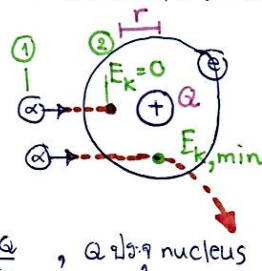
- Atom มีช่องว่างมาก (α ผ่านส่วนใหญ่)
- nucleus เล็ก (มวลส่วนใหญ่)

- แอลฟาวิ่งเฉียดนิวเคลียสจะมี พลังงานจลน์ น้อยที่สุด

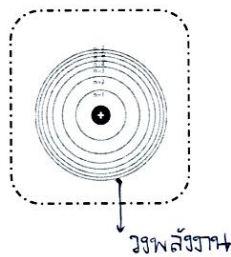
- แอลฟาวิ่งชนนิวเคลียสตรงๆ : ทำให้คำนวณรัศมีของ nucleus ได้ $\approx 10^{-15}$ m

$$E_{k,\alpha} = \frac{1}{2}mv^2 = qV$$

ขอบ α $\frac{kQ}{r}$

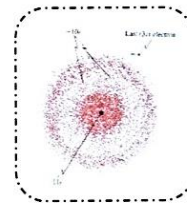


5.2.4) Bohr H-atom



วงพลังงาน

5.2.5) Cloud



S, p, d, f



6) Bohr model of the H-Atom

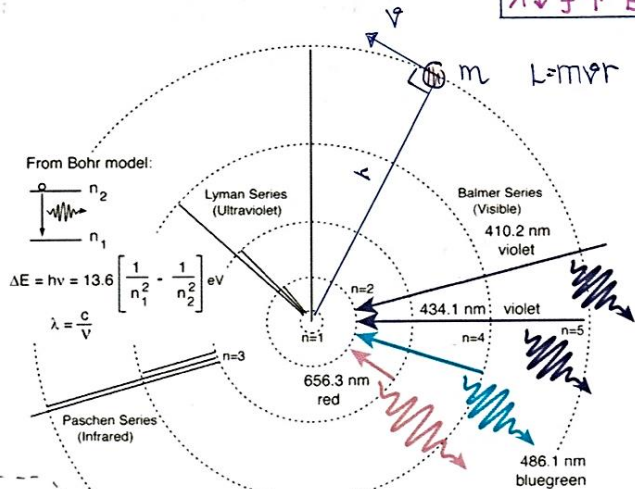
Bohr

1st ⇒ e⁻ มีวงพิเศษ วนแบบคลื่นนิ่งไม่เสียพลังงาน $L = mvr = n\hbar$ $1.054 \times 10^{-34} \text{ Js}$
 ↳ L ครบที ↳ คอมพคือ debroglie ↳ นกขั่น $\hbar = \frac{h}{2\pi}$

2nd ⇒ spectrum เกิด จาก e⁻ เปลี่ยนวงโคจร out → inner
 $\Delta E = |E_i - E_f|$ หากลพลังงานที่ e⁻ ปลดออก
 ↳ initial ↳ final
 $\Delta E = hf$ หน่วย Hz $6.6 \times 10^{-34} \text{ Js}$
 $\Delta E = \frac{hc}{\lambda}$ $3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$
 $\frac{E_x}{L_4} = \frac{4\hbar}{2\hbar} = 2$

⇒ $\Delta E = \frac{1240}{\lambda_{\text{nm}}}$ ระวัง 1 eV = 1.6 × 10⁻¹⁹ J
 ↳ electron volt

λ ↓ f ↑ E ↑



Ex $\frac{L_4}{L_3} = \frac{4\hbar}{3\hbar} = \frac{4}{3}$ #

Ex $E_5 = -3.2 \text{ eV}$
 $E_2 = -10.2 \text{ eV}$
 ↳ โจทย์ element Sd^{12}
 ↳ โคจรหตุโดย nucleus

$\lambda_{\text{nm}} = \frac{1240}{|-3.2 - (-10.2)|} = 177.14 \text{ nm}$ #

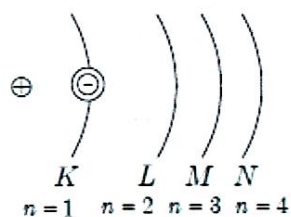
Page 17
 $f = \frac{v}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8}{177.14 \times 10^{-9}} = 1.69 \times 10^{15} \text{ Hz}$ #



↳ ΔE ต่ำ
 ↳ ΔE สูง : ช่วง ชม-ม่วง

7) Parameters about H-atom

พลังงาน
การหา r, v, f, E ของ e^- ในแต่ละชั้น
รัศมีวงโคจร



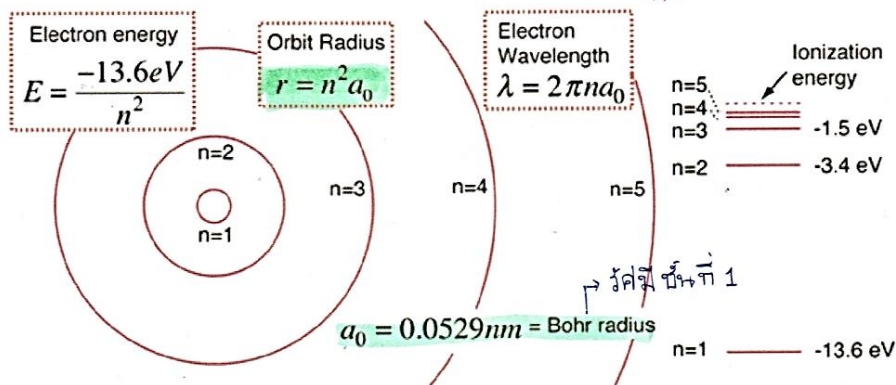
$r \propto n^2$
 $v \propto \frac{1}{n}$
 $f \propto \frac{1}{n^3}$

$r_n = a_0 n^2$
 $v_n = \frac{v_1}{n}$
 $T \propto n^3$

Important !?

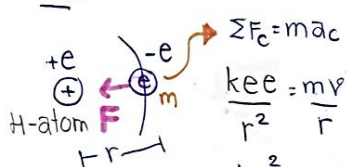
$E_n = \frac{-13.6}{n^2} \text{ eV}$

$f_n = \frac{f_1}{n^3}, T_n = T_1 n^3$



Note ในแต่ละชั้นของวงโคจรอิเล็กตรอนจะมีค่า $|E_p| = 2E_k$

Prove



$\Sigma F_c = m a_c$
 $\frac{k e e}{r^2} = \frac{m v^2}{r}$
 $k e^2 = \frac{m v^2 r^2}{r}$
 $m k e^2 = \frac{(m v r)^2}{r} \rightarrow m v r = n \hbar$

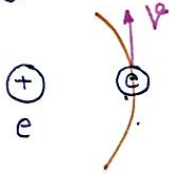
$r = \frac{n^2 \hbar^2}{m k e^2} \sim r_n = \left(\frac{\hbar^2}{m k e^2} \right) n^2 = a_0 n^2$

$v_n = \frac{v_1}{n}$
 $f_n = \frac{f_1}{n^3}$
 $E_n = \frac{-13.6}{n^2} \text{ eV}$
 $T_n = T_1 n^3$

Ex $\frac{r_5}{r_2} = \frac{5^2 a_0}{2^2 a_0} = \frac{25}{4}$

$r_n = a_0 n^2$
 Bohr's radius รัศมีชั้นที่ 1

Prove



$$E_T = E_p + E_k$$

$$\Rightarrow E_p = qV = (-e) \frac{ke}{r} = -\frac{ke^2}{r} \quad -*$$

$$\Rightarrow E_k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \frac{ke^2}{r} \quad -**$$

$$\therefore E_T = -\frac{ke^2}{r} + \frac{1}{2} \frac{ke^2}{r} = -\frac{1}{2} \frac{ke^2}{r}$$

$$E_T = -\frac{1}{2} \frac{ke^2}{a_0 n^2} = -\frac{E_1}{n^2} \quad (J)$$

$$E_n = -\frac{13.6}{n^2} \quad (eV)$$

โดยที่ a_0 คือ ระยะโดย nucleus

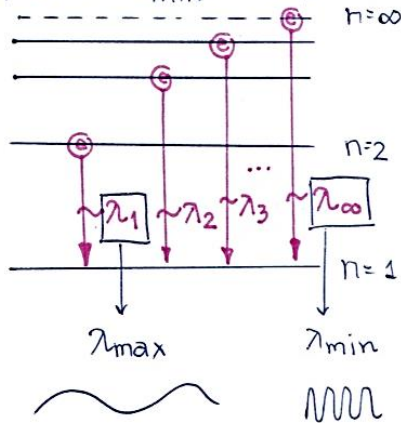
Note $|E_p| = 2E_k$

$$|E_T| = E_k$$

$$\frac{kee}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$
$$\frac{ke^2}{r} = mv^2$$
$$\frac{1}{2} \frac{ke^2}{r} = \frac{1}{2} mv^2$$

ไอออน?

(1) หารหา λ_{min} , λ_{max} ที่ atom ภายใต้อะตอม Series



Lyman series
คือ λ_{all} ที่ตกลงมา 1st shell
 $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3, \lambda_4, \dots, \lambda_{\infty}$

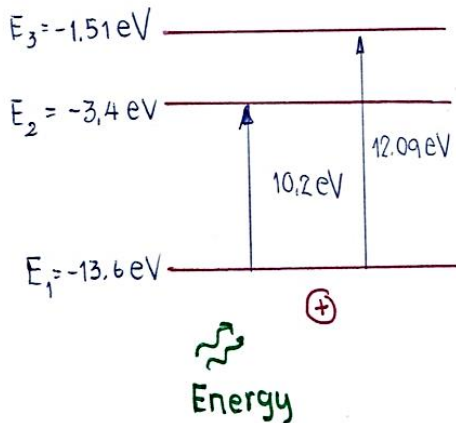
Ex หารหา λ_{max} ใน Lyman

Solⁿ $n=2 \rightarrow n=1$

$$\frac{1}{\lambda} = 1.1 \times 10^7 \left(\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right)$$

$$\lambda = 1.82 \times 10^7 \text{ m} = 182 \text{ nm}$$

(2) หารหา energy ของ atom "ไม่เต็มไม่จับ"

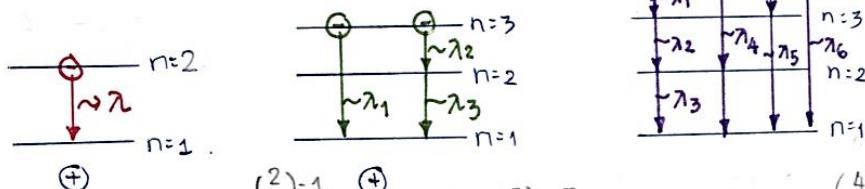


10 eV gs 10 eV $\rightarrow e^-$
10.2 eV $\rightarrow e^-$ 1st excited state $\rightarrow 0 \text{ eV}$
12 eV $\rightarrow e^-$ 1st Exs $\rightarrow 1.8 \text{ eV}$

14 eV $\rightarrow e^-$ IE e^- หลุดจาก atom
มี E_k วิ่งต่อไป
 $E_k = 0.4 \text{ eV}$

ปกคลุมที่ gs

(3) Spectrum & Pattern



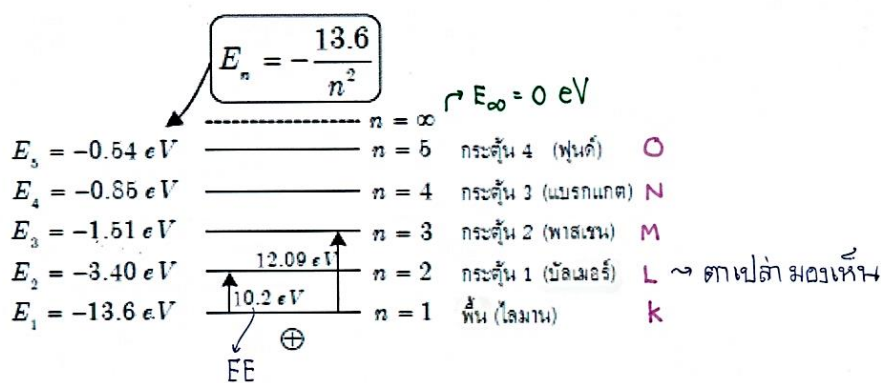
Spectrum: 1 เส้น $\rightarrow \binom{2}{2} = 1$
Pattern: 1 แบบ

S: 3 เส้น $\rightarrow \binom{3}{2} = 3$
P: 2 แบบ

S: 6 เส้น $\rightarrow \binom{4}{2} = \frac{4!}{2!2!} = 6$
P: 4 แบบ

8) Spectrum of H-atom

การคำนวณสเปกตรัมของ H - atom



8.1 การคำนวณพลังงาน, ความยาวคลื่น ที่อะตอม ดูด หรือ คาย

$$\Delta E = |E_i - E_f| = hf = \frac{hc}{\lambda}$$

$$\lambda_{\min} \rightarrow \Delta E_{\max} \rightarrow f_{\max}$$

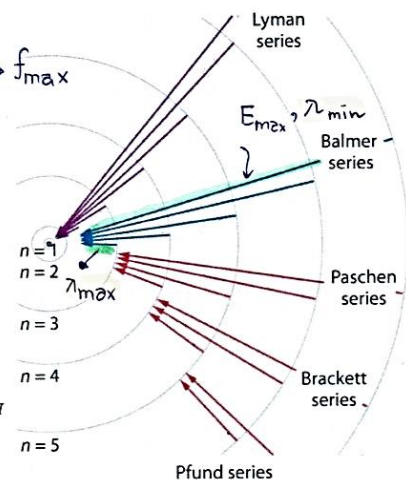
$$\lambda_{\max} \rightarrow \Delta E_{\min}$$

$$\lambda_{nm} = \frac{1240}{\Delta E}$$

หา λ ที่ e^- คายเมื่อเปลี่ยนชั้นพลังงานได้

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left[\frac{1}{n_f^2} - \frac{1}{n_i^2} \right]$$

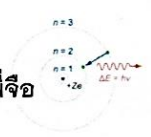
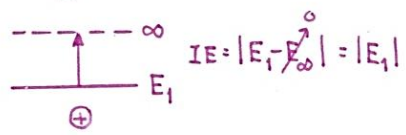
ใช้สมการนี้ เมื่อทราบ ค่าคงที่ R_H
ค่าคงที่ "ริดเบิร์ก" $R_H = 1.1 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$



8.2 การคำนวณพลังงานกระตุ้น : $EE = |E_i - E_f|$



8.3 การคำนวณพลังงานไอออไนเซชัน : $IE = |E_1|$

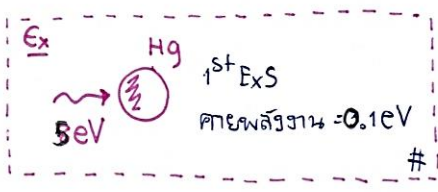
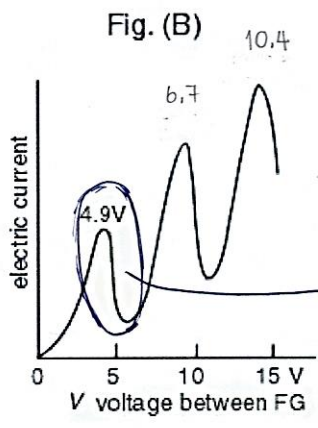
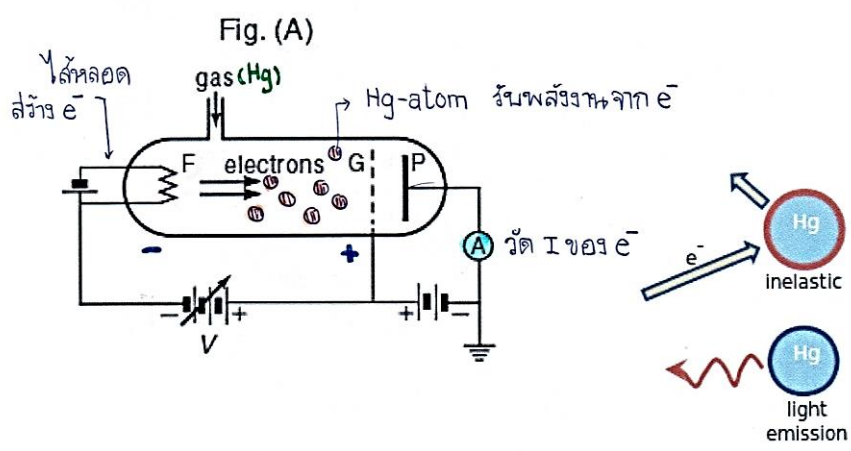


9) Franck-Hertz Experiment (Hg-atom)

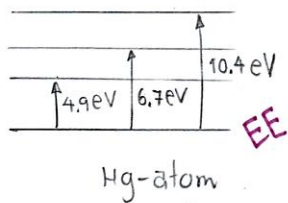
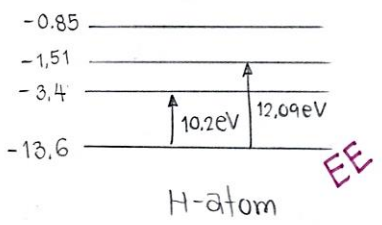
การทดลองสนับสนุนระดับพลังงานอะตอมเป็นขั้นๆไม่ต่อเนื่องของ Bohr

- ฟรังก์ - เฮิร์ตซ์ : ทดลอง atom ของปรอท

↓
ดูจากการดูดกลืน Energy
เป็นช่วงๆ

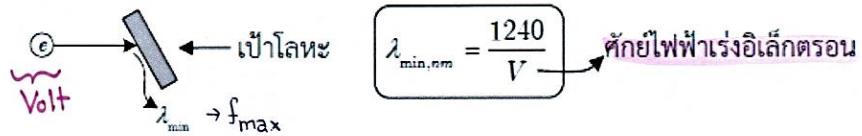


atom ของ Hg รับพลังงานจาก e^-
ทำให้ e^- ไม่สามารถตกที่ไปยัง A ได้
จึงแสดงว่า Hg-atom รับพลังงาน

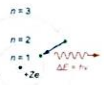
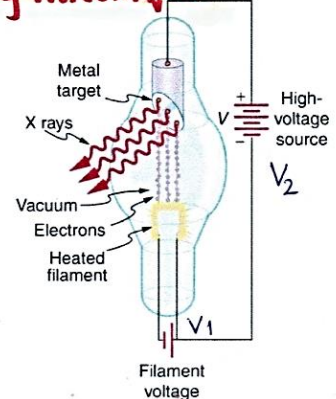
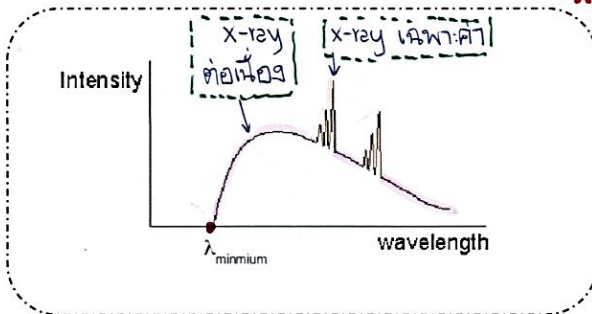
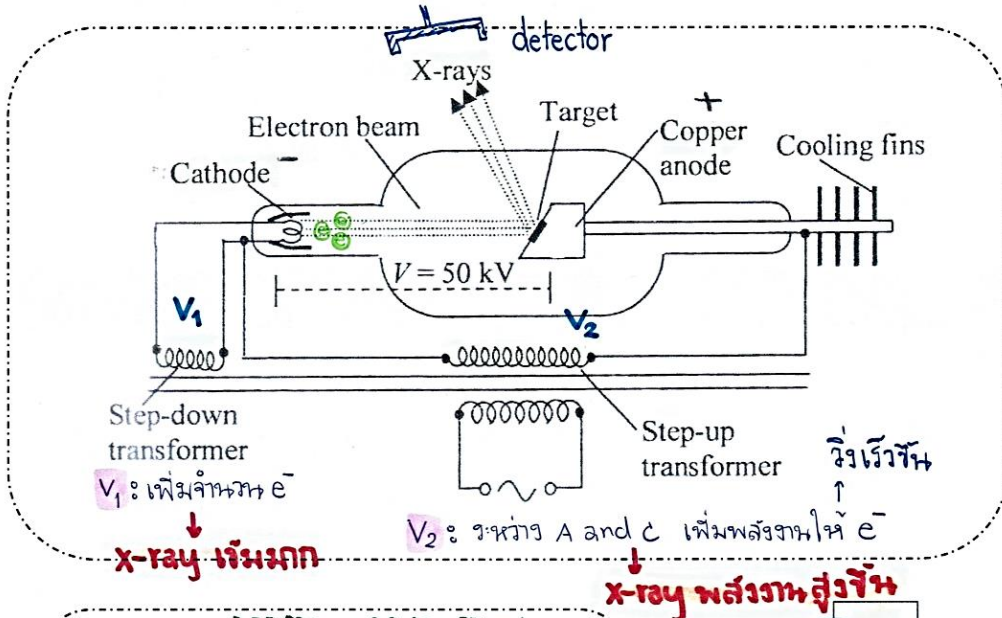


10) Röntgen Experiment (x-ray)

• Roentgen : ทดลองรังสี x - rays



Note ให้ศักย์ไฟฟ้า $V = 1 \text{ volt}$ แก่ e^- จะทำให้อิเล็กตรอนมีพลังงาน $= 1 \text{ eV}$



xRD

เฉพาะค่า

Continuous X-ray	Characteristic X-ray
<p>Continuous (Bremsstrahlung) X-Ray Production</p> <p> $E_e = \frac{1240}{\lambda_{nm}}$ นิวเคลียสดูด e^- ทำให้ ค.ท.โคจร \rightarrow คาย X-ray $\Delta E = E_1 - E_2$ $\lambda_{min, nm} = \frac{1240}{V}$ คักย์ไฟฟ้าเร่งอิเล็กตรอน (Energy สูง) ต้องทราบ f_{max} ของ X-ray \rightarrow ยิงตรง </p>	<p>Characteristic X-Ray Production</p> <p>เหมือน Bohr</p> <p> e^- ชน e^- วงในทำให้เกิด hole e^- วงนอก ค.ท.ลงมาเป็นชั้นๆ คาย X-ray เฉพาะค่า เหมือน H-atom </p>

การวิภาษ

11) Duality of Wave and Particles

พ Einstein

- คลื่น ประพฤติตัวเป็น อนุภาค : Photoelectric effect , Compton effect
- อนุภาค ประพฤติตัวเป็น คลื่น : The Broglie

อนุภาค

Par ขนไฟได้ \checkmark

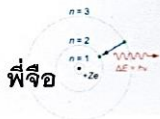
Wave แทกรอสอด $\lambda + \lambda = \lambda$

e^- ทำตัวเป็นคลื่น

คลื่น

Par ขนไฟได้

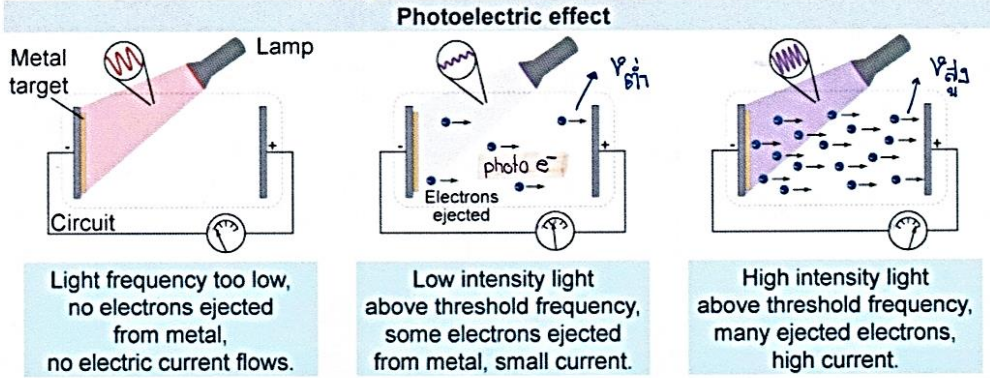
Wave แทกรอสอด $\lambda + \lambda = \lambda$ \checkmark



ออกสอบ ทุกปี : คลื่น เป็นอนุภาค

12) Photoelectric Effect

- ถ้า Light มี ความเข้ม ↑ ~ จำนวน photo e⁻ ↑
- ถ้า Light มี ความถี่ ↑ ~ photo e⁻ พลังงาน ↑



การสนับสนุนคลื่นเป็นอนุภาค พบโดย ไอน์สไตน์ (ทดสอบโดยอาศัยปรากฏการณ์ Photoelectric)

- โฟโตอิเล็กตรอนจะเกิดได้เมื่อ $f_{light} \geq f_0$
 - $f_{light} = f_0$ e⁻ หลุด ล่องลอย $E_k = 0$
 - $f_{light} > f_0$ e⁻ หลุด แล้วมี E_k
- พลังงานจลน์ของโฟโตอิเล็กตรอนวัดค่าได้โดยการเปลี่ยนเป็นรูปค่าพลังงานศักย์ไฟฟ้า

Photoelectric equation

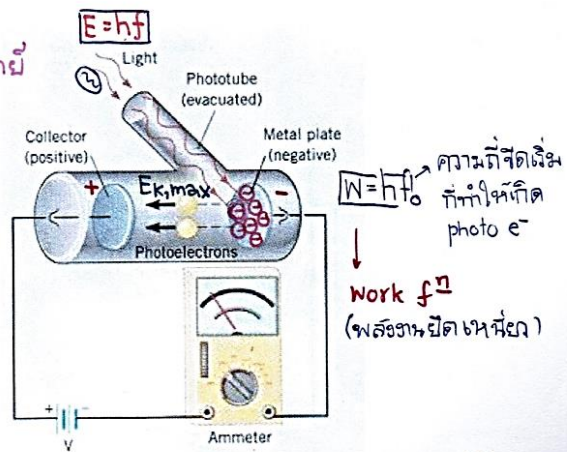
สูตรที่ 1 $E_{k,max} = hf - W$ → พลังงานยึดเหนี่ยว (ฟังก์ชันงาน) → หน่วย จูล

สูตรที่ 2 $V_s = \frac{1240}{\lambda_{nm}} - W_{(eV)}$ → หน่วย อิเล็กตรอนโวลต์ $\frac{E_{k,max}}{e} = \frac{hf}{e} - \frac{W}{e}$

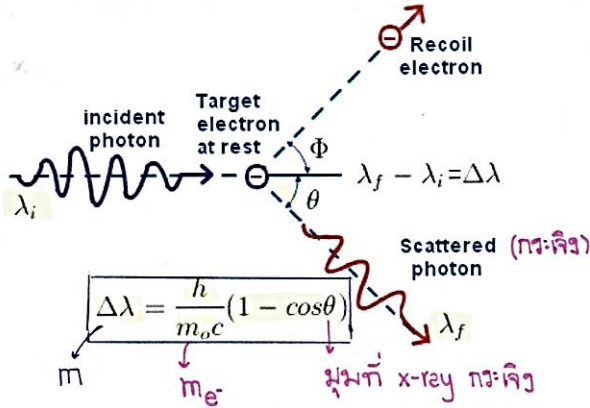
Note $E_{k,max} = eV_s$ → เปลี่ยน จลน์-ศักย์

$W = hf_0 = \frac{hc}{\lambda_0}$

V_s - ศักย์หยุดยั้ง e⁻

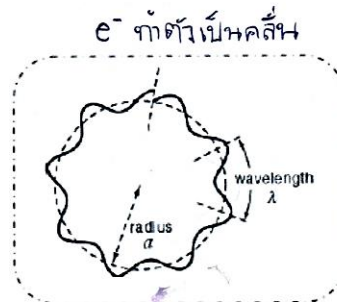
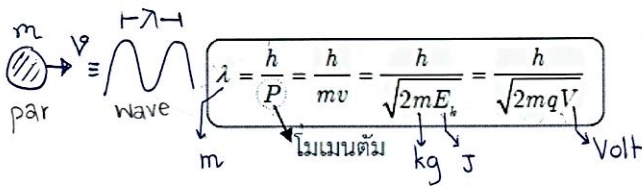


7.2 ปรากฏการณ์คอมป์ตัน : การกระเจิงของอนุภาคกรโฟต์ (ยิง x-ray ชน graphite)



11) Debroglie

8) การสั่นของอนุภาคเป็นคลื่น พบโดย เดอบรอยด์



For a hydrogen atom:

Electron wave resonance

$n=1$
 $\lambda_1 = 2\pi r_1 = 6.28a_0$

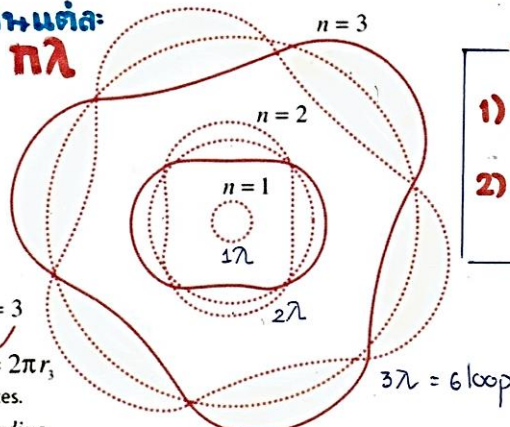
$n=2$
 $2\lambda_2 = 2\pi r_2$
 $\lambda_2 = 12.57a_0$

$n=3$
 $3\lambda_3 = 2\pi r_3$
 $\lambda_3 = 18.85a_0$

Wavelengths for hydrogen states.

$a_0 = 0.0529nm = \text{Bohr radius}$

๕ วนแต่ละชั้น $n\lambda$



๕ ๒

1) $P_{อนุภาค} = mv$

2) $P_{คลื่น} = \frac{h}{\lambda}$



Prove

$2\pi r = n\lambda$ $mv r = n \frac{h}{2\pi}$

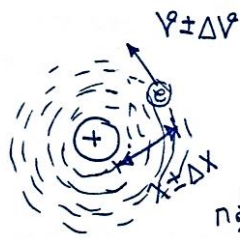
$2\pi r = n \frac{h}{mv}$ $mv r = n \frac{h}{2\pi} \rightarrow 1^{st} \text{ Bohr}$

12) Basic of Quantum Mechanics

กลศาสตร์ควอนตัม

- ความไม่แน่นอนของ Heisenberg : $\Delta x \cdot \Delta P \geq \hbar$ หรือ $\Delta x \cdot m\Delta v \geq \hbar$ ที่ ยอมรับได้

- การหาโอกาสในการพบอิเล็กตรอนในช่วง dx : $\int_0^x |\psi|^2 dx$ ของชโรดิงเจอร์



Δx - ความไม่แน่นอนของ ต.ห.
 Δv - ความไม่แน่นอนของ v

Bohr

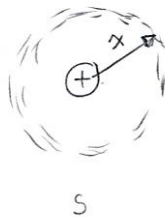
$$r_n = a_0 n^2$$

$$v_n = \frac{v_1}{n}$$

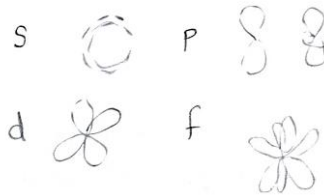
กลุ่มหมอก

การบอก ต.น. ที่อยู่ของ e^- จะบอกในรูป $\rightarrow P(x)$
 $\rightarrow P(r)$ } โอกาสในการเจอ ต.น. x, r ใดๆ
 $0 \leq P(x) \leq 1$

electron orbitals



$P(x) = 0.8 = 80\%$ บอก ต.น. ที่อยู่ของ e^-



โจทย์ตัวอย่างฟิสิกส์อะตอม

- 1) ในการทดลองหลอดรังสีแคโทดหากมีสนามแม่เหล็ก B มีค่า 0.25×10^{-3} เทสลา ทำให้รังสีเบนลงด้วยรัศมีความโค้ง R ถ้าผ่านกระแสไฟฟ้าเพื่อให้เกิดสนามไฟฟ้าระหว่างแผ่นโลหะ 4.5×10^3 โวลต์/เมตรทำให้รังสีแคโทดพุ่งเป็นเส้นตรงไม่เบี่ยงเบน ให้ระยะห่างระหว่างแผ่นโลหะเท่ากับ 1 เซนติเมตร $e/m = 1.8 \times 10^{11}$ คูลอมป์/กิโลกรัม ค่า R จะมีค่าเท่ากับเท่าใด

1. 0.04 เมตร
2. 0.08 เมตร
3. 0.1 เมตร
4. 0.2 เมตร
5. 0.4 เมตร

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$= \frac{v}{\left(\frac{e}{m}\right)B}$$

$$qE = qvB$$

$$v = \frac{E}{B}$$

$$\therefore R = \frac{E}{\left(\frac{e}{m}\right)B^2}$$

$$= \frac{4.5 \times 10^3}{(1.8 \times 10^{11})(0.25 \times 10^{-3})^2}$$

$$= 0.4 \text{ m} \quad \#$$

- 2) ในการทดลองวัดอัตราส่วนประจุต่อมวล $\left(\frac{q}{m}\right)$ ของอนุภาคในรังสีแคโทด โดยวิธีของทอมสันพบว่า เมื่อใช้สนามแม่เหล็กซึ่งมีความเข้ม B รังสีแคโทดจะเบี่ยงเบนไปเป็นทางโค้ง ซึ่งมีรัศมี R ต่อมาเพื่อใส่สนามไฟฟ้าเข้าไปโดยทำให้เกิดความต่างศักย์ V ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางห่างกันเป็นระยะ d รังสีแคโทดจะเดินทางเป็นเส้นตรงโดยไม่เกิดการเบี่ยงเบน อัตราส่วนประจุต่อมวลของอนุภาคในรังสีแคโทดจะมีค่าเท่าใด

1. $\frac{V}{BdR}$
2. $\frac{V}{B^2dR}$
3. $\frac{BdR}{V}$
4. $\frac{B^2dR}{V}$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$R = \frac{m}{qB} \left(\frac{V}{Bd}\right)$$

$$qE = qvB$$

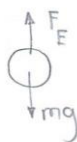
$$\frac{V}{d} = vB$$

$$v = \frac{V}{Bd}$$

$$\frac{q}{m} = \frac{V}{B^2dR} \quad \#$$

- 3) ในการทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกนพบว่าถ้าต้องการให้หยดน้ำมัน ซึ่งมีมวล m และอิเล็กตรอนเกาะอยู่ n ตัวลอยนิ่งอยู่ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางขนานห่างกันเป็นระยะทาง d และมีความต่างศักย์ V ประจุของอิเล็กตรอนที่คำนวณได้จากการทดลองนี้จะมีค่าเท่าใด

1. $\frac{mgd}{nV}$
2. $\frac{mgV}{nd}$
3. $\frac{nmgd}{V}$
4. $\frac{nV}{mgd}$



$$\uparrow = \downarrow$$

$$qE = mg$$

$$(ne)\frac{V}{d} = mg$$

$$e = \frac{mgd}{nV}$$



4) ในการทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกน พบว่าต้องการให้หยดน้ำมัน ซึ่งมีมวล 4.8×10^{-15} กิโลกรัม ลอยนิ่งอยู่ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางขนานห่างกัน 1.0 เซนติเมตร ต้องใช้ความต่างศักย์ระหว่างแผ่นโลหะ 300 โวลต์ ถ้าอิเล็กตรอนมีประจุ 1.6×10^{-19} คูลอมป์ และความเร่งเนื่องจากแรงดึงดูดของโลกเท่ากับ 10 เมตร/(วินาที)² หยดน้ำมันหยดนี้จะมีอิเล็กตรอนเกาะอยู่ที่ตัว

1. 1 ตัว
2. 10 ตัว
3. 100 ตัว
4. 1,000 ตัว



$$qE = mg$$

$$ne \frac{V}{d} = mg$$

$$n = \frac{mgd}{eV} = \frac{4.8 \times 10^{-15} (10) 0.01}{1.6 \times 10^{-19} (300)} = 10 \text{ ตัว}$$

5) รั้งสีแอลฟาเคลื่อนที่เฉียดนิวเคลียสของทองคำ พลังงานจลน์ของรั้งสีแอลฟา ณ ตำแหน่งที่เข้าใกล้นิวเคลียสของทองคำมากที่สุด มีค่า

1. ศูนย์
2. มากที่สุด
3. เท่าเดิม
4. น้อยที่สุด

6) อิเล็กตรอนที่สถานะกระตุ้นที่ 3 จะมีความเร็วเป็นกี่เท่าของอิเล็กตรอนที่สถานะพื้นฐาน

1. $\frac{1}{4}$
2. $\frac{1}{3}$
3. 3
4. 4

$$n=4$$

$$\frac{v_4}{v_1} = \frac{v_1/4}{v_1} = \frac{1}{4} \quad \#$$

$$n=1$$

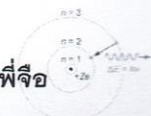
$$v_n = \frac{v_1}{n}$$

7) จากโครงสร้างของอะตอมไฮโดรเจนตามทฤษฎีของโบร์ อิเล็กตรอนที่อยู่ในวงโคจรที่ 3 จะมีรัศมีของวงโคจรเป็นกี่เท่า ของอิเล็กตรอนที่อยู่ในวงโคจรที่ 2

1. $\frac{4}{9}$
2. $\frac{2}{3}$
3. $\frac{3}{2}$
4. $\frac{9}{4}$

$$\frac{r_3}{r_2} = \frac{a_0(3)^2}{a_0(2)^2} = \frac{9}{4} \quad \#$$

$$r_n = a_0 n^2$$



8) สำหรับอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนตามทฤษฎีของโบร์ ค่าพลังงานจลน์เป็นกี่เท่าของพลังงานศักย์ไฟฟ้า

1. 1
2. 2
3. $\frac{1}{2}$
4. $\frac{1}{4}$

$$|E_p| = 2E_k \quad \text{จึง} \quad |E_T| = E_k$$

$$\therefore E_k = \frac{1}{2}|E_p| \quad E_p = 2E_T$$

9) สมการใดต่อไป้ ไม่ได้ใช้ ในการคำนวณหารัศมีวงโคจรของอิเล็กตรอนของอะตอมไฮโดรเจนตามแบบจำลองของโบร์ (PAT 2 Mar' 55)

1. $F = \frac{mv^2}{r}$
2. $F = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$
3. $F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$
4. $mvr = n\hbar$

10) ตามทฤษฎีอะตอมของโบร์ เมื่ออิเล็กตรอนของอะตอมไฮโดรเจน เปลี่ยนสถานะจาก $n = 5$ ไปยัง $n = 3$ รัศมีวงโคจรของอิเล็กตรอนเปลี่ยนไปกี่เท่าของรัศมีโบร์ (PSU-Quota' 56)

1. 2
2. 4
3. 9
4. 16

$$\Delta r = r_5 - r_3$$

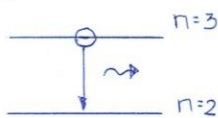
$$= a_0(5^2) - a_0(3^2)$$

$$= 16a_0$$

11) อิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนเปลี่ยนระดับพลังงานจากชั้น $n = 3$ ไปชั้น $n = 2$ จะปล่อยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีพลังงานกี่อิเล็กตรอนโวลต์ (PAT 2 Oct' 54)

1. 1.4
2. 1.7
3. 1.9
4. 2.3

โวลต์

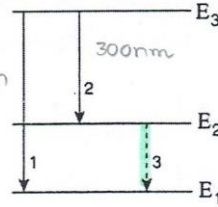


$$\Delta E = |E_3 - E_2|$$

$$= |-1.51 - (-3.4)|$$

$$= 1.9 \text{ eV}$$

- 12) ในรูป แสดงแผนภาพของระดับพลังงานของอะตอมหนึ่ง พบว่าอะตอมจะแผ่รังสีที่มีความยาวคลื่น 200 นาโนเมตร และ 300 นาโนเมตร เมื่อมีการเปลี่ยนระดับพลังงานตามเส้นทาง 1 และ 2 ตามลำดับ ถ้ามีการเปลี่ยนระดับพลังงานตามเส้นทาง 3 (เส้นประ) อะตอมนี้จะแผ่รังสีที่มีความยาวคลื่นเท่าใดออกมา (Ent Oct'46)



1. 100 nm
2. 400 nm
3. 500 nm
4. 600 nm

$$\Delta E_3 = \Delta E_1 - \Delta E_2$$

$$\frac{1240}{\lambda_3} = \frac{1240}{200} - \frac{1240}{300}$$

$$\frac{1}{\lambda_3} = \frac{100}{200 \cdot 300} \rightarrow \lambda_3 = 600 \text{ nm} \quad \#$$

- 13) อะตอมไฮโดรเจนตามแบบจำลองอะตอมของโบร์ มีการเปลี่ยนระดับพลังงานจากชั้น $n = 3$ ไปยังชั้น $n = 1$ พลังงานศักย์ไฟฟ้า (ไม่ใช่พลังงานทั้งหมด) ของอะตอมนี้เปลี่ยนไปเท่าใด (7 วิชาสามัญ, กสพท : Jan' 55)

1. เพิ่มขึ้น 12.1 eV
2. เพิ่มขึ้น 24.2 eV
3. ลดลง 1.5 eV
4. ลดลง 12.1 eV
5. ลดลง 24.2 eV

$$E_p = 2E_T$$

$$\begin{aligned} \Delta E_p &= 2(E_3 - E_1) \\ &= 2[-1.51 - (-13.6)] \\ &= 24.18 \text{ eV} \end{aligned}$$

- 14) จากตัวเลือกต่อไปนี้

- ก. โฟโตอิเล็กตรอนจะเกิดขึ้นเมื่อแสงมีความถี่สูงกว่าความถี่ขีดเริ่ม ✓
- ข. โฟโตอิเล็กตรอนจะมีจำนวนเพิ่มขึ้นเมื่อแสงมีความเข้มมากขึ้น ✓
- ค. โฟโตอิเล็กตรอนจะมีจำนวนเพิ่มขึ้นเมื่อแสงมีความถี่สูงขึ้น ✗
- ง. พลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนขึ้นกับความเข้มแสง ✗

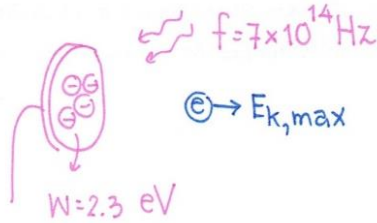
มีข้อซึ่งเป็นผลจากปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก (PAT 2 Mar' 55)

1. 1
2. 2
3. 3
4. 4



15) ในการทดลองเรื่องปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก ใช้แสงความถี่ 7.0×10^{14} เฮิรตซ์ ตกกระทบผิวโลหะที่มีค่าฟังก์ชันงานเท่ากับ 2.3 อิเล็กตรอนโวลต์ จงหาความต่างศักย์หยุดยั้งของโฟโตอิเล็กตรอนนี้ (Ent Oct'46)

1. 0.6 V
2. 2.3 V
3. 2.9 V
4. 5.2 V



$$E_{k,max} = hf - W$$

$$eV_s = hf - W$$

$$V_s = \frac{hf}{e} - \frac{W}{e}$$

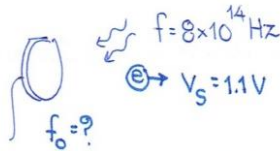
หน่วย W_{eV}

$$= \frac{6.6 \times 10^{-34} (7 \times 10^{14})}{1.6 \times 10^{-19}} - 2.3$$

$$V_s = 0.6 \text{ V} \quad \#$$

16) เมื่อแสงความถี่ 8.0×10^{14} เฮิรตซ์ ตกกระทบผิวโลหะชนิดหนึ่ง พบว่า ความต่างศักย์หยุดยั้งเท่ากับ 1.1 โวลต์ ความถี่ขีดเริ่มของแสงสำหรับผิวโลหะนี้เป็นเท่าใด (Ent Mar'48)

1. $2.7 \times 10^{14} \text{ Hz}$
2. $5.3 \times 10^{14} \text{ Hz}$
3. $6.6 \times 10^{14} \text{ Hz}$
4. $10.7 \times 10^{14} \text{ Hz}$



$$E_{k,max} = hf - W$$

$$eV_s = hf - hf_0$$

$$hf_0 = hf - eV_s$$

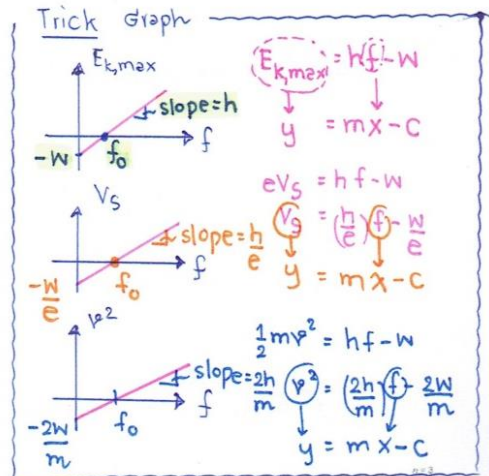
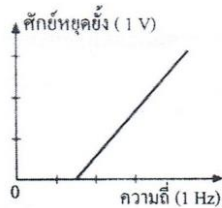
$$f_0 = f - \frac{eV_s}{h}$$

$$f_0 = 8 \times 10^{14} - \frac{1.6 \times 10^{-19} (1.1)}{6.6 \times 10^{-34}}$$

$$f_0 = 5.3 \times 10^{14} \text{ Hz} \quad \#$$

17) ความชันของกราฟนี้จากการทดลองเรื่องปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริกเป็นค่าตามข้อใด (A-NET Mar' 52)

1. ฟังก์ชันงาน ϕ
2. $\frac{\phi}{e}$
3. he
4. $\frac{h}{e}$



✓ 18) จงพิจารณาข้อความต่อไปนี้

- ก. ปรากฏการณ์คอมป์ตัน สนับสนุนแนวคิด อนุภาคประพุดิตัวเป็นคลื่นได้ ✗
 ข. การทดลองของฟรังค์และเฮริตซ์ สนับสนุนแนวคิด ระดับพลังงานของอะตอมมีค่าไม่ต่อเนื่อง ✓
 ค. ทฤษฎีอะตอมของโบร์ สนับสนุนแนวคิด คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าประพุดิตัวเป็นอนุภาคได้ ✗

ข้อใดถูก (PSU-Quota' 54)

1. ข้อ ก. และ ข.
2. ข้อ ก. และ ค.
3. ข้อ ข. และ ค.
4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

✓ 19) ความยาวคลื่นเดอบรอยล์ของอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนที่ระดับพลังงาน $n = 4$ เป็นกี่เท่าของที่ระดับพลังงาน $n = 2$ (PAT 2 Mar' 54)

1. $\frac{1}{2}$
2. 2
3. 4
4. 8

$$\frac{\lambda_4}{\lambda_2} = \frac{4}{2} = 2 \quad \#$$

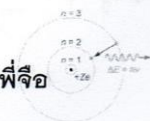
$$\begin{aligned} 2\pi r &= n\lambda \\ 2\pi a_0 n^2 &= n\lambda \\ \lambda &= (2\pi a_0)n \end{aligned}$$

20) แสงความถี่ 7×10^{14} เฮิรตซ์ ตกกระทบบโลหะที่มีค่าฟังก์ชันงาน 4.3×10^{-19} จูล อิเล็กตรอนที่หลุดจากผิวจะมีโมเมนตัมสูงสุดเท่าใด (Ent Mar'47)

1. $3.2 \times 10^{-19} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$
2. $1.4 \times 10^{-20} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$
3. $3.2 \times 10^{-20} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$
4. $2.4 \times 10^{-25} \text{ kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-1}$

$$\begin{aligned} E_{k,\max} &= hf - W \\ &= (6.6 \times 10^{-34}) (7 \times 10^{14}) - 4.3 \times 10^{-19} \\ &= 4.62 \times 10^{-19} - 4.3 \times 10^{-19} \\ &= 0.32 \times 10^{-19} \end{aligned}$$

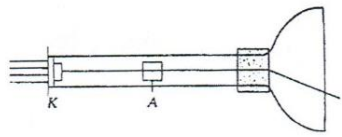
$$\begin{aligned} P &= \sqrt{2mE_k} = \sqrt{2(9.1 \times 10^{-31}) (0.32 \times 10^{-19})} \\ &= 2.41 \times 10^{-25} \text{ kg} \cdot \text{m/s} \quad \# \end{aligned}$$



CLEAR ZONE QUANTUM

☑ การทดลองของทอมสัน ➔

1. จงตอบคำถามต่อไปนี้
 - 1.1 แอโนดของหลอดวิทยุมีศักย์เป็นบวก 320 โวลต์ เทียบกับแคโทด อิเล็กตรอนที่หลุดออกจากแคโทดจะวิ่งถึงแอโนดนั้นเป็นเท่าใดในหน่วยจูล E_k
 - 1.2 ความเร็วของอิเล็กตรอนที่ถึงแอโนดนั้นเป็นเท่าใดในหน่วยเมตร/วินาที (เลขนัยสำคัญ 2 ตัว)

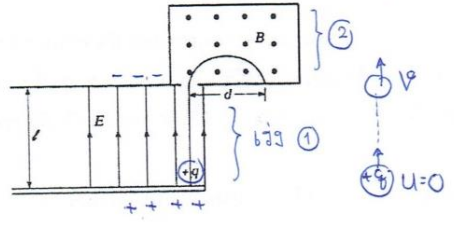


$$\begin{aligned}
 1.1) \quad qV &= E_k \\
 E_k &= (1.6 \times 10^{-19})(320) \\
 &= 5.12 \times 10^{-17} \text{ J} \quad \#
 \end{aligned}
 \quad
 \begin{aligned}
 1.2) \quad \frac{1}{2}mv^2 &= 5.12 \times 10^{-17} \\
 \frac{1}{2}(9.1 \times 10^{-31})v^2 &= 5.12 \times 10^{-17} \\
 v &= 1.06 \times 10^7 \text{ m/s} \quad \#
 \end{aligned}$$

2. ในการทดลองหาค่าประจุต่อมวลของอิเล็กตรอนโดยใช้หลอด "ตาแมว" ได้จัดค่าความต่างศักย์ระหว่างแคโทดกับแอโนดรูปก้นกระทะเท่ากับ 180 โวลต์ ถ้ากระแสไฟฟ้าที่ผ่านหลอดโซเลนอยด์ทำให้เกิดสนามแม่เหล็ก 5×10^{-3} เทสลา และทราบว่าเป็นอิเล็กตรอนมี ประจุไฟฟ้า -1.6×10^{-19} คูโลมบ์ และมีมวล 9×10^{-31} กิโลกรัม จงหาว่า
 1. อัตราเร็วของอิเล็กตรอนขณะวิ่งถึงแอโนดเป็นเท่าไร
 2. ขณะถึงแอโนดอิเล็กตรอนวิ่งด้วยรัศมีความโค้งเท่าไร

$$\begin{aligned}
 1) \quad qV_a &= \frac{1}{2}mv^2 \\
 v &= \sqrt{\frac{2qV_a}{m}} = \sqrt{\frac{2(1.6 \times 10^{-19})(180)}{9 \times 10^{-31}}} = 8 \times 10^6 \text{ m/s} \quad \#
 \end{aligned}
 \quad
 \begin{aligned}
 2) \quad R &= \frac{mv}{qB} = \frac{9 \times 10^{-31}(8 \times 10^6)}{1.6 \times 10^{-19} \times 5 \times 10^{-3}} \\
 &= 9 \times 10^{-3} \text{ m} \quad \#
 \end{aligned}$$

3. อนุภาคมวล m และประจุ $+q$ ถูกเร่งให้เคลื่อนที่จากหยุดนิ่ง ในแนวราบด้วยสนามไฟฟ้าสม่ำเสมอ E เป็นระยะทาง l แล้วผ่านเข้า บริเวณที่มีสนามแม่เหล็กสม่ำเสมอ ในทิศที่ตั้งฉากกับทิศของสนาม อนุภาคไปตกที่ระยะห่างจากจุดที่เข้าไปในสนามแม่เหล็กเป็น ระยะ d ดังรูป จงหามวลของอนุภาคนี้ (ไม่ต้องคิดแรงโน้มถ่วงของโลก) \rightarrow ไม่คิด mg

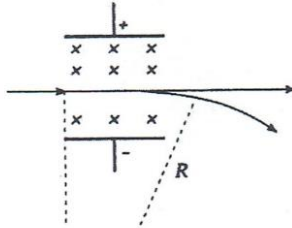


$$\begin{aligned}
 ① : \quad qV &= \frac{1}{2}mv^2 \\
 qEl &= \frac{1}{2}mv^2 \quad -① \rightarrow v = \sqrt{\frac{2qEl}{m}} \\
 ② : \quad R &= \frac{mv}{qB} \\
 \frac{d}{2} &= \frac{mv}{qB} \\
 \frac{d}{2} &= \frac{m}{qB} \sqrt{\frac{2qEl}{m}} \rightarrow \frac{d \cdot qB}{2} = \sqrt{2qElm}
 \end{aligned}$$

$$\therefore m = \frac{1}{8} \frac{d^2 q B^2}{El} \quad \#$$

4. ในการทดลองหลอดรังสีแคโทดหากมีสนามแม่เหล็ก B มีค่า 0.25×10^{-3} เทสลา ทำให้รังสีเบนลงดังรูป ด้วยรัศมีความโค้ง R ถ้าผ่านกระแสไฟฟ้าเพื่อให้เกิดสนามไฟฟ้าระหว่างแผ่นโลหะ 4.5×10^3 โวลต์/เมตร ทำให้รังสีแคโทดพุ่งเป็นเส้นตรงไม่เบี่ยงเบน ให้ ระยะห่างระหว่างแผ่นโลหะเท่ากับ 1 เซนติเมตร $\frac{e}{m} = 1.8 \times 10^{11}$ คูลอมป์/กิโลกรัม ค่า R จะมีค่าเท่ากับเท่าใด

1. 0.04 เมตร
2. 0.08 เมตร
3. 0.1 เมตร
4. 0.2 เมตร
5. 0.4 เมตร



$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$= \frac{E}{\left(\frac{e}{m}\right)B^2}$$

$$= \frac{4.5 \times 10^3}{(1.8 \times 10^{11})(0.25 \times 10^{-3})^2}$$

$$\therefore R = 0.4 \text{ m} \#$$

5. ในการทดลองหลอดตาแมว พบว่าความเร็วของอนุภาครังสีแคโทดมีค่าเท่ากับ 9×10^7 เมตร/วินาที เมื่อนำขดลวดโซเลนอยด์ที่ทำให้เกิดสนามแม่เหล็ก 0.1 เทสลา ครอบลงบนหลอดตาแมว จงหาว่า รังสีแคโทดจะวิ่งเป็นเส้นโค้งด้วยรัศมีเท่าไร (กำหนดค่า $\frac{e}{m}$ ของอนุภาครังสีแคโทด = 1.8×10^{11} c/kg)

1. 0.05 เซนติเมตร
2. 0.5 เซนติเมตร
3. 2.5 เซนติเมตร
4. 5 เซนติเมตร

$$R = \frac{mv}{qB} = \frac{v}{\left(\frac{e}{m}\right)B} = \frac{9 \times 10^7}{(1.8 \times 10^{11})0.1} = 5 \times 10^{-2} \text{ m} = 5 \text{ cm}$$

6. ถ้าสังเกตเห็นว่า รัศมีความโค้งของทางวิ่งของอิเล็กตรอนที่มีประจุ e มวล m ในสนามแม่เหล็ก B ดังที่เห็นในหลอดตาแมวว่ามีค่าเป็น R แสดงว่าอิเล็กตรอนนั้นวิ่งด้วยอัตราเร็วเท่าไร

1. $\frac{eB}{mR}$
2. $\frac{eR}{mB}$
3. $\frac{e}{mB^2R^2}$

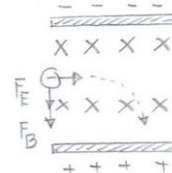
4. $\frac{eBR}{m}$

$$R = \frac{mv}{qB}$$

$$v = \frac{eBR}{m}$$

7. ในการทดลองวัดอัตราส่วนประจุต่อมวลของอิเล็กตรอน โดยวิธีของทอมสันโดยครั้งแรกให้รังสีแคโทดเกิดการเบี่ยงเบนในสนามแม่เหล็ก แต่เมื่อใส่สนามไฟฟ้าเข้าไปเพื่อหักล้างการเบี่ยงเบนของรังสีแคโทด กลับปรากฏว่า รังสีแคโทดกลับเบี่ยงเบนมากขึ้น ผู้ทำการทดลองควรจะทำอย่างไร

1. ลดความเข้มของสนามแม่เหล็ก
2. ลดความเข้มของสนามไฟฟ้า
3. เพิ่มความเข้มของสนามไฟฟ้า
4. กลับทิศทางของสนามไฟฟ้า

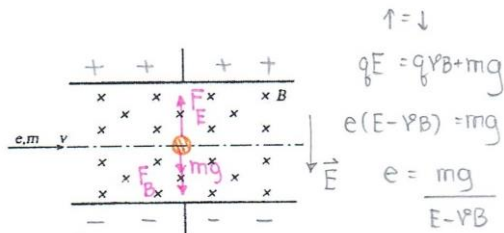


8. ในการทดลองวัดอัตราส่วนประจุต่อมวล ($\frac{q}{m}$) ของอนุภาคในรังสีแคโทด โดยวิธีของทอมสันพบว่า เมื่อใช้สนามแม่เหล็กซึ่งมีความเข้ม B รังสีแคโทดจะเบี่ยงเบนไปเป็นทางโค้ง ซึ่งมีรัศมี R ต่อมาเมื่อใส่สนามไฟฟ้าเข้าไป โดยทำให้เกิดความต่างศักย์ V ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางห่างกันเป็นระยะ d รังสีแคโทดจะเดินทางเป็นเส้นตรง โดยไม่เกิดการเบี่ยงเบน อัตราส่วนประจุต่อมวลของ อนุภาคในรังสีแคโทดจะมีค่าเท่าใด

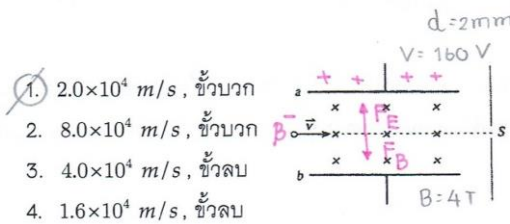
1. $\frac{V}{BdR}$
2. $\frac{V}{B^2dR}$
3. $\frac{BdR}{V}$
4. $\frac{B^2dR}{V}$

9. อิเล็กตรอน e มีมวล m วิ่งผ่านเข้าไปในระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ที่มีสนามแม่เหล็ก B และสนามไฟฟ้า E ปรากฏว่าอิเล็กตรอนวิ่งเป็นแนวเส้นตรงด้วยความเร็ว v อยากทราบว่าอิเล็กตรอน e มีค่าเท่าใด

1. $e = \frac{mg}{vB - E}$ สำหรับ E มีทิศพุ่งขึ้น
2. $e = \frac{mg}{E - vB}$ สำหรับ E มีทิศพุ่งลง
3. $e = \frac{mg}{E - vB}$ สำหรับ E มีทิศพุ่งขึ้น
4. $e = \frac{mg}{E + vB}$ สำหรับ E มีทิศพุ่งลง



10. อนุภาคเบตาเคลื่อนที่เข้าไประหว่างแผ่นตัวนำขนาน a และ b ซึ่งวางห่างกัน 2.0 มิลลิเมตร และมีความต่างศักย์ 160 โวลต์ ภายในที่ว่างระหว่างแผ่นตัวนำมีสนามแม่เหล็กสม่ำเสมอขนาด 4.0 เทสลา และมีทิศตั้งรูป ถ้าต้องการให้อนุภาคเบตาทะลุช่องเปิด Sพอดี ความเร็วของอนุภาคจะต้องเป็นเท่าใด และแผ่นตัวนำ a จะต้องเป็นขั้วบวกหรือขั้วลบ



1. 2.0×10^4 m/s, ขั้วบวก
2. 8.0×10^4 m/s, ขั้วบวก
3. 4.0×10^4 m/s, ขั้วลบ
4. 1.6×10^4 m/s, ขั้วลบ

$$qE = qvB$$

$$V = \frac{E}{B} = \frac{V}{Bd}$$

$$= \frac{160}{4(2 \times 10^{-3})}$$

$$V = 2 \times 10^4 \text{ m/s}$$



การทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกน

11. ในการทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกน ปรากฏว่าเมื่อยังไม่ได้ใส่สนามไฟฟ้าเข้าไป หยดน้ำมันตกลงด้วยความเร็วคงที่ค่าหนึ่ง เมื่อใส่สนามไฟฟ้าเข้าไปเพื่อจะให้หยดน้ำมันลอยนิ่งอยู่กับที่กลับปรากฏว่าหยดน้ำมันกลับตกลงด้วยความเร็วสูงกว่าเดิม เหตุผลต่อไปนี้ ข้อใดถูกต้อง

1. หยดน้ำมันนั้นมีประจุลบ
2. ความเข้มของสนามไฟฟ้าต่ำเกินไป
3. ความเข้มของสนามไฟฟ้าสูงเกินไป
4. ทิศทางของสนามไฟฟ้ากลับกันกับที่ควรจะเป็น

12. ในการทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกนพบว่าถ้าต้องการให้หยดน้ำมัน ซึ่งมีมวล m และอิเล็กตรอนเกาะอยู่ n ตัว ลอยนิ่งอยู่ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางขนานห่างกันเป็นระยะทาง d และมีความต่างศักย์ V ประจุของอิเล็กตรอนที่คำนวณได้จากการทดลองนี้จะมีค่าเท่าใด

1. $\frac{mgd}{nV}$
2. $\frac{mgV}{nd}$
3. $\frac{nmgd}{V}$
4. $\frac{nmgV}{d}$
5. $\frac{nV}{mgd}$

13. ในการทดลองหยดน้ำมันของมิลลิแกน พบว่าต้องการให้หยดน้ำมัน ซึ่งมีมวล 4.8×10^{-15} กิโลกรัม ลอยนิ่งอยู่ระหว่างแผ่นโลหะ 2 แผ่น ซึ่งวางขนานห่างกัน 1.0 เซนติเมตร ต้องใช้ความต่างศักย์ระหว่างแผ่นโลหะ 300 โวลต์ ถ้าอิเล็กตรอนมีประจุ 1.6×10^{-19} คูโลมบ์ และความเร่งเนื่องจากแรงดึงดูดของโลกเท่ากับ 10 เมตร/วินาที² หยดน้ำมันหยดนี้จะมีอิเล็กตรอนเกาะอยู่ที่ตัว

1. 1 ตัว
2. 10 ตัว
3. 100 ตัว
4. 1,000 ตัว

14. ในการทดลองเรื่องหยดน้ำมันของมิลลิแกน ถ้าใช้ความต่างศักย์ไฟฟ้า 100 โวลต์ หยดน้ำมันมีมวล 8×10^{-16} กิโลกรัม ระยะระหว่างแผ่นขั้วโลหะเท่ากับ 0.8 เซนติเมตร ทำให้หยดน้ำมันอยู่นิ่ง หยดน้ำมันได้รับอิเล็กตรอนกี่ตัว

1. 1 ตัว
 2. 2 ตัว
 3. 4 ตัว
 4. 8 ตัว

$qE = mg$
 $ne \frac{V}{d} = mg$

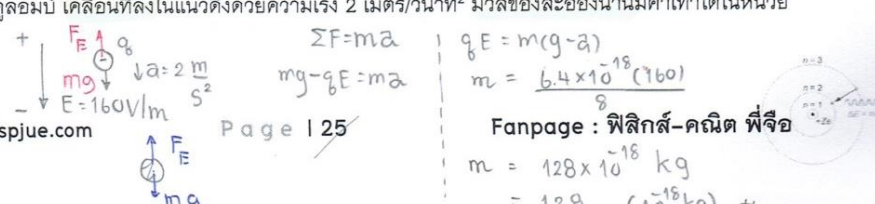
$n = \frac{mgd}{eV} = \frac{8 \times 10^{-16} (10) 0.8 \times 10^{-2}}{1.6 \times 10^{-19} \times 100} = 4 \text{ ตัว}$

15. ในบริเวณที่มีสนามไฟฟ้า 160 โวลต์/เมตร และมีทิศในแนวตั้งจากบนลงล่าง ปรากฏว่าละอองน้ำหยดหนึ่งซึ่งมีประจุอิสระ -6.4×10^{-18} คูโลมบ์ เคลื่อนที่ลงในแนวตั้งด้วยความเร่ง 2 เมตร/วินาที² มวลของละอองน้ำนี้มีค่าเท่าใดในหน่วยของ 10^{-18} kg.

$\Sigma F = ma$
 $mg - qE = ma$

$qE = m(g-a)$
 $m = \frac{6.4 \times 10^{-18} (160)}{8}$
 $m = 128 \times 10^{-18} \text{ kg}$
 $= 128 (10^{-18} \text{ kg}) \#$

www.brightkidspjue.com
 Page | 25
 Fanpage : ฟิสิกส์-คณิต ฟิสิกส์



☑ แบบจำลองอะตอม ➔

16. การที่รัทเทอร์ฟอร์ดทำการทดลองยิงอนุภาคแอลฟาไปยังแผ่นทองคำบาง แล้วพบว่าโครงสร้างของอะตอมไม่เป็นไปตามแบบของทอมสัน เนื่องจากรัทเทอร์ฟอร์ด พบว่า

1. อนุภาคแอลฟาเกือบทั้งหมดเบนไปจากแนวเดิมเป็นมุมใด ๆ และบางที่มีการสะท้อนกลับ
2. อนุภาคแอลฟาเบนไปจากแนวเดิมทุกทิศทางเท่า ๆ กัน
3. อนุภาคแอลฟาทั้งหมดวิ่งทะลุผ่านแผ่นทองไปในแนวเกือบเป็นเส้นตรง
- ④ อนุภาคแอลฟาบางส่วนเบนไปจากแนวเดิมเป็นมุมใด ๆ ทั้งที่ส่วนใหญ่ผ่านไปในแนวตรง

17. ในการทดลองยิงอนุภาคแอลฟาผ่านแผ่นทองบางๆ ของรัทเทอร์ฟอร์ด ข้อใดที่แสดงว่านิวเคลียสของอะตอมมีขนาดเล็ก และมีประจุบวกทั้งหมดรวมกันอยู่

- ☞ ทำให้ทราบว่า atom ส่วนใหญ่ เป็นช่องว่าง
1. อนุภาคแอลฟาส่วนใหญ่ผ่านไปตรง ๆ
 - ② อนุภาคแอลฟาบางตัวเบนไปถึง 90 หรือมากกว่า
 3. จำนวนอนุภาคแอลฟาที่เบนเป็นมุมโตมีไม่น้อย
 4. จำนวนอนุภาคที่ย้อนกลับมีมาก

18. เมื่ออนุภาคแอลฟาวิ่งตรงเข้าสู่ นิวเคลียส อนุภาคแอลฟานั้นจะหยุดก็ต่อเมื่ออนุภาคนั้น

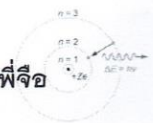
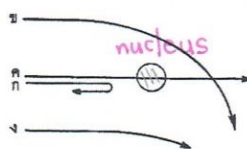
1. มีพลังงานรวมเป็นศูนย์
2. กระแทกนิวเคลียส
3. กระแทกกับอิเล็กตรอนในชั้นใดชั้นหนึ่ง
- ④ มีพลังงานศักย์เท่ากับพลังงานจลน์เดิม

19. รังสีแอลฟาเคลื่อนที่เฉียดนิวเคลียสของทองคำ พลังงานจลน์ของรังสีแอลฟา ณ ตำแหน่งที่เข้าใกล้นิวเคลียสของทองคำมากที่สุดมีค่า

1. ศูนย์
2. มากที่สุด
3. เท่าเดิม
- ④ น้อยที่สุด

20. ถ้ายิงอนุภาคแอลฟาเข้าไปในนิวเคลียสของโลหะ ทางเดินของอนุภาคแอลฟาที่เป็นไปได้ คือ

- ① ก. และ ง. เท่านั้น
2. ข. และ ค. เท่านั้น
3. ก., ค. และ ง. เท่านั้น
4. ก., ข., ค., และ ง.



21. อัตราส่วนของแรงทางไฟฟ้าต่อแรงโน้มถ่วงระหว่างโปรตอนและอิเล็กตรอนในไฮโดรเจนมีค่าประมาณเท่าไร
(มวลโปรตอน = 1.67×10^{-27} กิโลกรัม)

1. 3×10^8 2. 6×10^{21}
3. 4×10^{28} 4. 2×10^{39}

22. อะตอมของไฮโดรเจนตามแบบจำลองของโบร์ อิเล็กตรอนจะโคจรรอบนิวเคลียสที่มีประจุบวกด้วยรัศมี 5×10^{-11} เมตร จงคำนวณหาความเร่งเข้าสู่ศูนย์กลางว่ามีค่าเท่ากับเท่าไร

1. $6.5 \times 10^{24} \text{ m/s}^2$ 2. $9.0 \times 10^{24} \text{ m/s}^2$
3. $1.0 \times 10^{23} \text{ m/s}^2$ 4. $2.5 \times 10^{23} \text{ m/s}^2$

23. อิเล็กตรอนที่สถานะกระตุ้นที่ 3 จะมีความเร็วเป็นกี่เท่าของอิเล็กตรอนที่สถานะพื้นฐาน

~~1.~~ $\frac{1}{4}$

2. $\frac{1}{3}$

3, 3

4. 4

$$\frac{v_4}{v_1} = \frac{\left(\frac{r_1}{4}\right)}{r_1} = \frac{1}{4} \quad \#$$

24. มิวออนอะตอมเป็นอะตอมที่มีโปรตอนเป็นศูนย์กลางและวนรอบด้วยอนุภาคนิวตรอน ซึ่งมีประจุไฟฟ้าชนิดเดียวกันและเท่ากันกับ อิเล็กตรอนแต่มีมวลมากกว่า 206 เท่า ถ้าเปรียบเทียบรัศมีของมิวออนอะตอมกับไฮโดรเจนอะตอม อัตราส่วนของรัศมีมิวออน อะตอม ต่อรัศมีของไฮโดรเจนอะตอมจะมีค่าเท่าไร

1. 1 2. 206
3. $\frac{1}{206}$ 4. $\frac{1}{(206)^2}$

25. จากโครงสร้างของอะตอมไฮโดรเจนตามทฤษฎีของโบร์ อิเล็กตรอนที่อยู่ในวงโคจรที่ 3 จะมีรัศมีของวงโคจรเป็นกี่เท่าของอิเล็กตรอนที่อยู่วงโคจรที่ 2

1. $\frac{4}{9}$

2. $\frac{2}{3}$

3. $\frac{3}{2}$

~~4.~~ $\frac{9}{4}$

$$\frac{r_3}{r_2} = \frac{r_0(9)}{r_0(4)} = \frac{9}{4} \quad \#$$

26. ในแบบจำลองอะตอมไฮโดรเจนของโบร์ รัศมีวงโคจรของอิเล็กตรอนในสถานะ $n = 4$ เป็นกี่เท่าของรัศมีวงโคจรในสถานะ $n = 1$

$$\frac{r_4}{r_1} = 16 \quad \#$$



27. ข้อเป็นจริงสำหรับอะตอมที่มีอิเล็กตรอนตัวเดียว

ก. อะตอมดูดกลืนโฟตอนเมื่อโฟตอนมีพลังงานพอดี ที่ทำให้อะตอมเปลี่ยนระดับชั้นพลังงานหรือทำให้อะตอมแตกตัวเป็นไอออนได้

ข. ขณะที่อะตอมอยู่ในระดับพลังงานชั้นที่ 1 อิเล็กตรอนเคลื่อนที่รอบนิวเคลียส โดยใช้เวลาคงหรือรอบเป็น 4 เท่าของการเคลื่อนที่รอบนิวเคลียสในสถานะพื้นฐาน

ข้อที่ถูก คือ

1. ข้อ ก. และ ข. ถูก

3. ข้อ ก. ผิดและ ข. ถูก

2. ข้อ ก. ถูกและ ข. ผิด

4. ข้อ ก. และ ข. ผิด

$$T_n = T_1 n^3$$

$$\frac{T_2}{T_1} = \frac{T_1 (2)^3}{T_1} = 8$$

28. ให้อิเล็กตรอนเคลื่อนที่เป็นวงกลมอยู่ใต้รอบโปรตอน พลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนจะเป็นกี่เท่าของขนาดของพลังงานศักย์

$$|E_p| = 2E_k \rightarrow E_k = \frac{1}{2}|E_p|$$

1. 0.25 เท่า

2. 0.5 เท่า

3. 1 เท่า

4. 2 เท่า

29. สำหรับอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนตามทฤษฎีของโบร์ ค่าพลังงานจลน์เป็นกี่เท่าของพลังงานศักย์ไฟฟ้า

1. 1

2. 2

3. $\frac{1}{2}$

4. $\frac{1}{4}$

30. ระดับพลังงาน E_n ของอะตอมไฮโดรเจนมีค่าเป็นลบ และเป็นปฏิกิริยาโดยตรงกับ $\frac{1}{n^2}$ อยากทราบว่าค่า n ต้องมีค่าตั้งแต่เท่าไรขึ้นไป จึงจะทำให้พลังงานระดับสูงขึ้นไปจนถึงค่า E_n นั้นอยู่ห่างขึ้นไปไม่มากกว่า $\frac{1}{3}$ เท่าของขนาดของ E_n

31. พลังงานต่ำสุดของอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนคือ -13.6 อิเล็กตรอนโวลต์ ถ้าอิเล็กตรอนเปลี่ยนสถานะจาก $n = 3$ ไปสู่สถานะ $n = 2$ จะให้แสงที่มีพลังงานควอนตัมเท่าใด

1. 1.51 eV

2. 1.89 eV

3. 3.40 eV

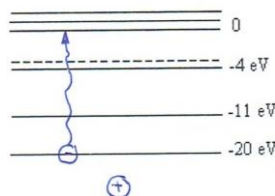
4. 4.91 eV

$$\begin{aligned} \Delta E &= |E_3 - E_2| \\ &= |-1.51 - (-3.4)| \\ &= 1.89 \text{ eV} \end{aligned}$$



32. สมมุติว่า แผนภาพแสดงระดับพลังงานของอะตอมชนิดหนึ่งเป็นดังรูป ให้หาค่าความยาวคลื่นของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่จะทำให้ อะตอมในสถานะพื้นฐานแตกตัวเป็นไอออนได้พอดี

- 1. 62 nm.
- 2. 100 nm.
- 3. 210 nm.
- 4. 310 nm.



$$IE = |E_1| = \frac{1240}{\lambda}$$

$$20 = \frac{1240}{\lambda}$$

$$\lambda = 62 \text{ nm}$$

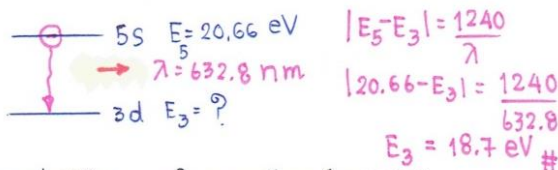
33. อิเล็กตรอนอนุภาคหนึ่งมีพลังงานจลน์เท่ากับ 4 อิเล็กตรอนโวลต์ ถูกจับไว้ด้วยโมเลกุลที่เป็นไอออน ถ้าอิเล็กตรอนหลังถูกจับอยู่ใน ระดับพลังงาน -4 อิเล็กตรอนโวลต์ ในกระบวนการนี้จะมีรังสีความยาวคลื่นเท่าใดปล่อยออกมา (ให้ตอบเป็นจำนวนเต็มของนาโนเมตร)

$$\Delta E = \frac{1240}{\lambda_{nm}} \rightarrow \lambda_{nm} = \frac{1240}{8} = 155 \text{ nm}$$



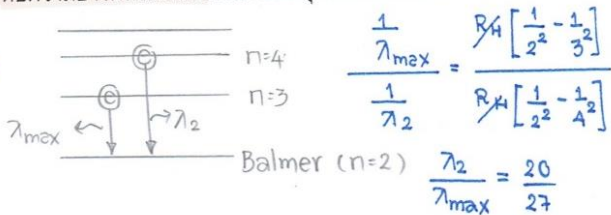
34. ในแหล่งกำเนิดแสงเลเซอร์ ฮีเลียม - นีออน ถ้าอะตอมนีออนเปลี่ยนสถานะจากชั้น 5s ซึ่งมีระดับพลังงาน 20.66 eV ลงมายังชั้น 3d พร้อมกับคายโฟตอนที่มีความยาวคลื่น 632.8 นาโนเมตร ระดับพลังงานของอะตอมนีออนในชั้น 3d มีค่าประมาณเท่าไร (โดยที่ระดับพลังงานในชั้นต่างๆ คิดเปรียบเทียบจากระดับพลังงานในชั้นต่ำสุด)

- 1. 15.8 eV
- 2. 16.6 eV
- 3. 17.6 eV
- 4. 18.7 eV



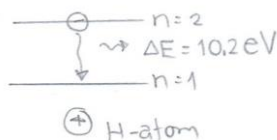
35. จงหาอัตราส่วนระหว่างความยาวคลื่นที่มากที่สุด ต่อความยาวคลื่นถัดไปของแสงในอนุกรมบัลเมอร์ของอะตอมไฮโดรเจน

- 1. $\frac{27}{20}$
- 2. $\frac{3}{2}$
- 3. $\frac{13}{7}$
- 4. $\frac{9}{5}$



36. ตามทฤษฎีอะตอมของโบร์ ระดับพลังงานของอะตอมไฮโดรเจนต่ำสุดเท่ากับ -13.6 อิเล็กตรอนโวลต์ ถ้าอะตอมไฮโดรเจนถูกกระตุ้นไปอยู่ที่ระดับพลังงานสูงขึ้นไปและกลับสู่สถานะพื้นที่มีพลังงานต่ำสุด โดยการปล่อยโฟตอนออกมาด้วยพลังงาน 10.20 อิเล็กตรอนโวลต์ แสดงว่าอะตอมไฮโดรเจนถูกกระตุ้นไปที่ระดับพลังงานที่ n เท่ากับเท่าใด

- 1. 2
- 2. 4
- 3. 8
- 4. 16



37. อะตอมไฮโดรเจนเปลี่ยนระดับพลังงานจาก $n = 2$ ไป $n = 1$ ความยาวคลื่นแสงที่ปล่อยออกมาเป็นกี่เท่าของในกรณีที่เปลี่ยนระดับพลังงานจาก $n = 4$ ถึง $n = 2$

1. $\frac{1}{4}$ เท่า

2. $\frac{1}{2}$ เท่า

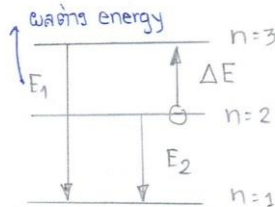
3. 2 เท่า

Trick $\frac{1}{\lambda_1} = R_H \left[\frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right]$
 $\frac{1}{\lambda_2} = R_H \left[\frac{1}{2^2} - \frac{1}{4^2} \right]$
 $\frac{\lambda_2}{\lambda_1} = 4 \Rightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{1}{4}$ #



38. อะตอมไฮโดรเจน เมื่อเปลี่ยนระดับพลังงานจากสถานะ $n = 3$ สู่สถานะพื้นจะให้โฟตอนมีพลังงาน 19.34×10^{-19} จูล และเมื่อ เปลี่ยนสถานะจาก $n = 2$ สู่สถานะพื้นจะให้โฟตอนพลังงาน 16.33×10^{-19} จูล ถ้าต้องการกระตุ้นให้อะตอมไฮโดรเจนให้เปลี่ยนระดับพลังงานจากสถานะ $n = 2$ ไปยังสถานะ $n = 3$ จะต้องใช้แสงความถี่เท่าใด

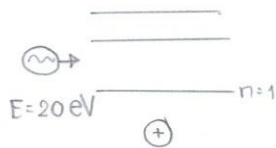
1. 4.5×10^{14} Hz
2. 5.4×10^{14} Hz
3. 3.0×10^{15} Hz
4. 5.4×10^{15} Hz



$\Delta E = E_1 - E_2$
 $hf = (19.34 - 16.33) \times 10^{-19}$
 $6.6 \times 10^{-34} f = 3.01 \times 10^{-19}$
 $f = 4.5 \times 10^{14}$ Hz #

39. ไฮโดรเจนที่สถานะพื้นฐาน (ground state) ดูดกลืนโฟตอนซึ่งมีพลังงาน 20 อิเล็กตรอนโวลต์ แล้วแตกตัวเป็นไอออนอิเล็กตรอนที่ หลุดออกมาจะมีพลังงานจลน์เป็นกี่อิเล็กตรอนโวลต์

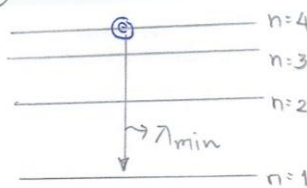
1. 0
2. 6.4
3. 13.6
4. 20



$E_k = 20 - 13.6$
 $= 6.4$ eV (IE มี E_k เหลือไว้) #

*** 40. ในการกระตุ้นให้อะตอมของไฮโดรเจนที่ระดับพลังงานต่ำสุด (-13.6 eV) ไปอยู่ที่ระดับพลังงาน $n = 4$ สเปกตรัม *** เส้นที่มีความยาวคลื่นสั้นที่สุดจะมีพลังงานเท่าไร

1. 0.66 eV
2. 0.85 eV
3. 10.20 eV
4. 12.75 eV

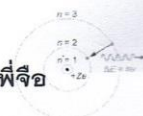


$\lambda_{min} \rightarrow \Delta E_{max}; n=4 \rightarrow n=1$

$\Delta E_{max} = |E_4 - E_1|$
 $= |-0.85 - (-13.6)|$
 $= 12.75$ eV #

41. ไฮโดรเจนที่สถานะพื้นฐาน (ground state) ดูดกลืนโฟตอนซึ่งมีพลังงาน 20 eV แล้วแตกตัวเป็นไอออนอิเล็กตรอนที่ หลุดออกมาจะมีพลังงานจลน์เท่าใด

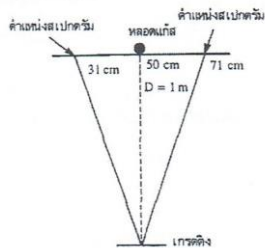
1. 0 eV
2. 6.4 eV
3. 13.6 eV
4. 20 eV



☑ สเปกตรัมของอะตอมไฮโดรเจน

42. ในการศึกษาสเปกตรัมของแก๊สร้อนได้จัดเครื่องมือดังรูป โดยหลอดแก๊สอยู่ตรงตำแหน่ง 50 เซนติเมตรของไม้เมตร สเปกตรัมของแสงสีหนึ่ง ปรากฏที่ตำแหน่ง 31 และ 71 เซนติเมตรของไม้เมตร เกรตติงอยู่ห่างจากกึ่งกลางของไม้เมตร เป็นระยะ 1 เมตร ถ้าเกรตติงมี 4,000 เส้น/เซนติเมตร จงหาความยาวคลื่นของแสงนี้

1. 300 nm
2. 400 nm
3. 500 nm
4. 600 nm



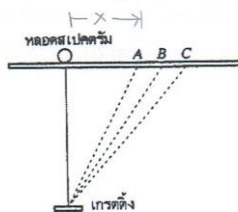
43. จากการทดลองเพื่อศึกษาสเปกตรัมของก๊าซไฮโดรเจน โดยใช้เกรตติงซึ่งมีจำนวนช่อง/เซนติเมตร เท่ากับ 4500 ดังรูป พบว่าเมื่อระยะ D เท่ากับ 1 เมตร จะมีแถบสว่างสีเดียวกันบนไม้เมตร ห่างจากจุด O ทั้งทางด้านซ้ายและด้านขวา เท่ากัน คือ 0.3 เมตร จงหาว่าแถบสว่างนั้นมีความยาวคลื่นประมาณเท่าไร

1. 464 nm.
2. 565 nm.
3. 632 nm.
4. 667 nm.



44. ในการทดลองเกี่ยวกับสเปกตรัมของไฮโดรเจน โดยมองผ่านเกรตติงมีเส้นสเปกตรัม 3 เส้นที่มองเห็นได้ มีความยาวคลื่น 434, 486 และ 656 นาโนเมตร สเปกตรัมที่ถูกต้อง ต้องอยู่ที่ตำแหน่งตามข้อใด

1. A 656, B 486
2. A 656, B 486
3. B 486, C 656
4. A 656, C 434



$$d \sin \theta = n \lambda$$

$$x \propto \lambda$$

45. เมื่ออิเล็กตรอนของไฮโดรเจนเปลี่ยนระดับพลังงาน $n = 4$ เป็นระดับพลังงาน $n = 2$ จะให้แสงสีน้ำเงิน ถ้าอิเล็กตรอนเปลี่ยน พลังงานจาก $n = 5$ ไปยัง $n = 2$ จะได้แสงสีใด

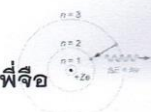
E มากขึ้น

ม่วง

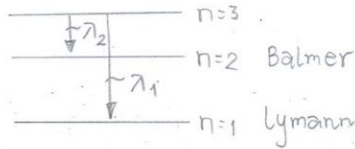
2. เขียว

3. เหลือง

4. แดง



- ✓ 46. ในช่วงระดับพลังงานต่ำสุดสามระดับแรกของอะตอมไฮโดรเจน คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่ตรวจพบจะอยู่ในชุดความถี่ที่เรียกว่า



1. ชุดไลมานและชุดบัลเมอร์
 2. ชุดไลมานและชุดพาสเชน
 3. ชุดบัลเมอร์และชุดพาสเชน
 4. ชุดไลมาน ชุดบัลเมอร์ และชุดพาสเชน

- ✓ 47. ในการกระตุ้นให้อะตอมของไฮโดรเจนที่มีระดับพลังงานต่ำสุด (-13.6 eV) ไปอยู่ที่ระดับพลังงาน $n = 4$ สเปกตรัมเส้นที่มีความยาวคลื่นสั้นที่สุดจะมีพลังงานเท่าไร

1. 0.66 eV 2. 0.85 eV 3. 10.20 eV 4. 12.75 eV

- ✓ 48. สเปกตรัมเส้นสว่างของอะตอมไฮโดรเจน เส้นสว่างลำดับแรกที่เราเห็นชัดเจนมีความยาวคลื่นมากที่สุดคือ 656 นาโนเมตรในอนุกรมของบัลเมอร์ เส้นสว่างลำดับที่สองจะมีความยาวคลื่นประมาณเท่าไร (ตอบเป็นจำนวนเต็มในหน่วย nm)

- ✓ 49. ในอนุกรมบัลเมอร์เส้นสเปกตรัมของอะตอมไฮโดรเจนเส้นแรกคือ 657 นาโนเมตร อยากทราบว่าโฟตอนที่จะทำให้อิเล็กตรอนของอะตอมไฮโดรเจนจากสถานะ $n = 2$ หลุดออกจากอะตอมได้พอดีมีความยาวคลื่นกี่นาโนเมตร

$$n=2 \rightarrow E = -3.4 \text{ eV} \quad \therefore IE_{n=2} = |-3.4| = 3.4 = \frac{1240}{\lambda} \rightarrow \lambda = 365 \text{ nm} \#$$

- ✓ 50. ความยาวคลื่นของเส้นสเปกตรัมของอะตอมไฮโดรเจนเส้นแรก (ที่มีความยาวคลื่นมากที่สุด) ในอนุกรมบัลเมอร์คือ 656 นาโนเมตรโฟตอนที่สามารถทำให้อะตอมไฮโดรเจนจากสถานะพื้นฐานแตกตัวเป็นไอออนได้พอดีควรจะต้องมีความยาวคลื่นเท่าไร

$$\Delta E = \frac{1240}{\lambda_{nm}}$$

1. 151 นาโนเมตร
 2. 121 นาโนเมตร
 3. 91 นาโนเมตร
 4. 71 นาโนเมตร

$$\lambda_{nm} = \frac{1240}{|-13.61|} = 91.18 \text{ nm} \#$$



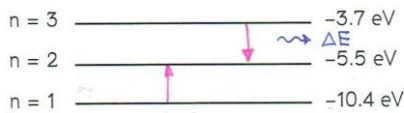
☑ การชนระหว่างอิเล็กตรอนกับอะตอม

51. การทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์แสดงว่า

- 1. นิวเคลียสประกอบด้วยโปรตอนและนิวตรอน
- 2. อะตอมมีนิวเคลียสเป็นแกนกลาง
- 3. อิเล็กตรอนมีคุณสมบัติแบบคลื่น
- 4. อะตอมมีพลังงานเป็นชั้น ๆ

52. ระดับพลังงาน 3 ระดับเริ่มจากต่ำสุดของอะตอมปรอท คือ -10.4 eV , -5.5 eV และ -3.7 eV

- ก. อิเล็กตรอนจะต้องมีพลังงานอย่างน้อยที่สุดเท่าใด จึงจะเริ่มชนกับอะตอมปรอทแบบถ่ายเทพลังงานได้
- ข. ถ้าอะตอมปรอทจะเปลี่ยนจากระดับ -3.7 eV ไปสู่ระดับ -5.5 eV จะต้องดูดกลืนหรือปลดปล่อยแสงซึ่งมีพลังงานเท่าใด



ก) 4.9 eV #

ข) คาย

$\Delta E = |-3.7 + 5.5| = 1.8 \text{ eV}$ #

53. การทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์ ให้ผลสรุปที่สำคัญข้อใด

- 1. อิเล็กตรอนชนกับอะตอมแบบยืดหยุ่นเป็นส่วนใหญ่
- 2. อิเล็กตรอนชนกับอะตอมแบบไม่ยืดหยุ่น
- 3. อะตอมมีระดับพลังงานเป็นชั้น ๆ
- 4. กระแสไฟฟ้าผ่านก๊าซที่ความดันต่ำได้

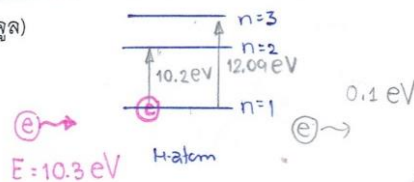
54. ตามการทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์ ข้อสรุปใดไม่จริง

- 1. อิเล็กตรอนที่มีพลังงานน้อยกว่า 4.9 eV จะมีการชนแบบยืดหยุ่นกับอะตอมไฮโดรเจน ✓
- 2. อิเล็กตรอนที่มีพลังงานมากกว่า 4.9 eV จะสูญเสียพลังงานส่วนหนึ่งให้กับอะตอมของไฮโดรเจน
- 3. อะตอมของไฮโดรเจนมีค่าพลังงานระดับพื้นเท่ากับ 4.9 eV
- 4. อะตอมของไฮโดรเจนมีค่าพลังงานเป็นชั้น ๆ ไม่ต่อเนื่อง



55. ในการทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์ ถ้าใช้ก๊าซไฮโดรเจนแทนไฮโดรเจน และใช้ความต่างศักย์เร่งอิเล็กตรอนเท่ากับ 10.3 โวลต์ ก๊าซไฮโดรเจนจะปล่อยคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าได้มากที่สุดที่ความถี่ (ถ้ากำหนดให้สถานะพื้นของอะตอมไฮโดรเจนมีพลังงาน $-13.6 \text{ อิเล็กตรอนโวลต์}$ หรือ $-21.76 \times 10^{-19} \text{ จูล}$)

- 1. 1 ความถี่
- 2. 2 ความถี่
- 3. 3 ความถี่
- 4. 4 ความถี่



56. อิเล็กตรอนตัวหนึ่งถูกเร่งด้วยความต่างศักย์ 13.2 โวลต์ เข้าชนกับอะตอมไฮโดรเจนที่อยู่ในสถานะพื้นการชนครั้งนี้ จะสามารถทำให้อะตอมไฮโดรเจนอยู่ในระดับพลังงานสูงสุดในระดับ n เท่าใด (พลังงานสถานะพื้นของไฮโดรเจน = -13.6 eV)

1. n = 7 2. n = 6 3. n = 5 4. n = 4

57. ในการทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์ ถ้าเราใช้หลอดที่บรรจุไฮโดรเจนแทนหลอดที่บรรจุไอปรอท จะต้องใช้ ศักย์ไฟฟ้าอย่างน้อยที่สุดเท่าไร ในการเร่งอิเล็กตรอนเพื่อให้เกิดการชนแบบไม่ยืดหยุ่นกับอะตอมของไฮโดรเจน ทั้งนี้ กำหนดระดับพลังงานในหน่วยอิเล็กตรอนโวลต์ ของอิเล็กตรอนในอะตอมไฮโดรเจนเรียงจากวงในสุดเป็น -13.59, -3.40, -1.51, ..., 0 ตามลำดับ

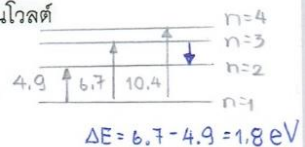
1. 0.54 โวลต์ 2. 0.85 โวลต์ 3. 1.51 โวลต์ 4. 10.19 โวลต์

58. เมื่อยิงอิเล็กตรอนเข้าไปชนอะตอมของไฮโดรเจน วัดค่าศักย์กระตุ้น (Excitation Potential) ได้ 10.21 โวลต์ และ 12.10 โวลต์ ถ้าระดับพลังงานต่ำสุดของไฮโดรเจนคือ -13.6 อิเล็กตรอนโวลต์ ระดับพลังงานกระตุ้นของไฮโดรเจน (Excited state) จะมีค่าเป็นเท่าไรบ้าง

59. จากการทดลองของฟรังค์และเฮิร์ตซ์ พบว่าศักย์กระตุ้น (Excitation Potential) ของอะตอมของไอปรอทมีค่าเป็น 4.9, 6.7, 10.4, ... โวลต์ ถ้าให้อิเล็กตรอนที่อยู่ในสถานะถูกกระตุ้นในระดับที่สอง (Second excited State) ลดลงมาสู่สถานะถูกกระตุ้นระดับแรก (First excited state) โฟตอนที่ถูกปล่อยออกมา จะมีพลังงานกี่อิเล็กตรอนโวลต์

→ เปลี่ยนเป็น EE

1. 1.8 2. 3.7 3. 4.9 4. 6.7

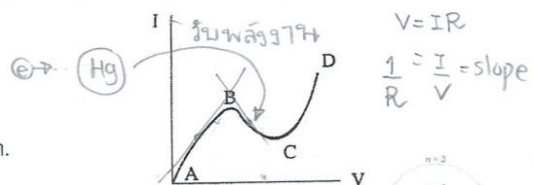


60. จากกราฟแสดงผลการทดลองเรื่องการชนระหว่างอิเล็กตรอนกับอะตอมของก๊าซ ตามรูป สรุปได้ว่า

- ก. กระแสไฟฟ้าที่ไหลในหลอดก๊าซมีพาหะนำไฟฟ้าคือ อิเล็กตรอนและไอออนของก๊าซ
- ข. อะตอมของก๊าซมีอิเล็กตรอนโคจรรอบนิวเคลียสเป็นวงกลมเมื่อ V เพิ่มขึ้น ทำให้อิเล็กตรอนหลุด ออกมากระแสน้ำจึงเพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็ว X
- ค. ความต้านทานของหลอดก๊าซเป็นลบบางช่วง แสดงถึงอะตอมของก๊าซจะรับพลังงานจากอิเล็กตรอน เฉพาะบางค่า เท่านั้น ✓
- ง. ในช่วง A-B อะตอมของก๊าซอยู่ในสภาวะถูกกระตุ้น แต่ในช่วง C-D อะตอมของก๊าซอยู่ในสภาวะ แยกตัวเป็นไอออน X

ข้อสรุปที่ถูกต้องคือ

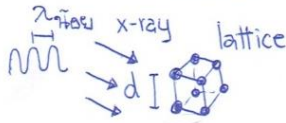
1. ก., ข. และ ค. 2. ก. และ ค.



3. ค. เท่านั้น

4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

☑ รังสีเอกซ์ (X - Rays)

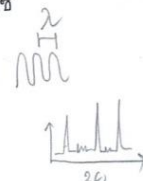


$d \approx \lambda$ เล็กน้อย the best

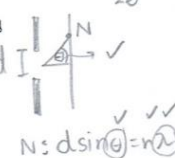


61. รังสีเอกซ์เมื่อถูกยิงผ่านก้อนผลึก ซึ่งจะยอมมีการจัดเรียงตัวอย่างเป็นระเบียบ ทำให้เกิดการเลี้ยวเบนของรังสีเอกซ์ขึ้นอย่างมีระเบียบ และนำมาถึงการคำนวณหาระยะระหว่างอะตอมได้ ทั้งนี้เนื่องจาก

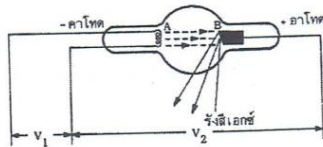
$$\lambda_{min} = \frac{1240}{V}$$



1. รังสีเอกซ์เป็นคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีความถี่สูงในช่วง $10^{16} - 10^{22}$ เฮิรตซ์ จึงมีพลังงานสูงพอทำให้เกิดการเลี้ยวเบน
2. รังสีเอกซ์มีความยาวคลื่นประมาณ 10^{-10} เมตร ซึ่งใกล้เคียงกับขนาดระยะห่างระหว่างแถวอะตอมในผลึก
3. รังสีเอกซ์ถูกสร้างขึ้นจากการเปลี่ยนแปลงความเร็วของอิเล็กตรอน เมื่อผ่านอะตอมของเป้าโลหะ
4. รังสีเอกซ์สามารถเคลื่อนที่ทะลุผ่านสิ่งกีดขวางไม่ว่าจะหนาหรือบางได้



62. ในการให้กำเนิดของรังสีเอกซ์จากรูป ถ้ารักษาความต่างศักย์ V_2 ให้คงที่แล้วเพิ่มความต่างศักย์ V_1 ขึ้นเล็กน้อย จะมีผลทำให้



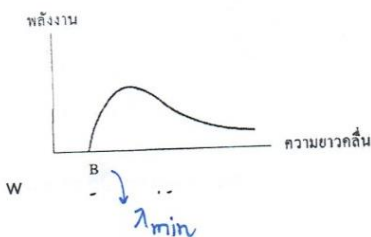
1. กระแสไหลผ่านไส้หลอดมากขึ้น, จำนวนอิเล็กตรอนวิ่งชนเป้าโลหะ B มากขึ้น, พลังงานสูงสุดของรังสีเอกซ์เพิ่มขึ้น ~~X~~
2. เป้าโลหะ B ร้อนขึ้น, $\lambda_{ต่ำสุด}$ ของรังสีเอกซ์ลดลง, ความเข้มของรังสีเอกซ์คงเดิม ~~X~~
3. จำนวนอิเล็กตรอนวิ่งชนเป้าโลหะ B น้อยลง, ความเข้มของรังสีเอกซ์น้อยลง, $\lambda_{ต่ำสุด}$ ของรังสีเอกซ์เพิ่มขึ้น ~~X~~
4. ความเข้มของรังสีเอกซ์เพิ่มขึ้น, เป้าโลหะ B ร้อนขึ้น, $\lambda_{ต่ำสุด}$ ของรังสีเอกซ์คงเดิม ~~X~~

63. หลอดรังสีเอกซ์หลอดหนึ่ง มีความต่างศักย์ระหว่างขั้วแอโนดและแคโทด 11,000 โวลต์ จงหาว่ารังสีเอกซ์ที่ผลิตได้ จะมีความยาวคลื่นสั้นที่สุดเท่าไร

$$\lambda_{min} = \frac{1240}{11000} = 0.11 \text{ nm} \quad \#$$

64. เมื่อเร่งอิเล็กตรอนให้ชนกับเป้าโลหะของหลอดกำเนิดรังสีเอกซ์โดยใช้ความต่างศักย์ 30 กิโลโวลต์ แล้วเขียนกราฟ 3 ความสัมพันธ์ของพลังงานกับความยาวคลื่นของรังสีเอกซ์ที่เกิดขึ้นจะได้กราฟดังรูป จงหาว่าที่จุด B มีความยาวคลื่นเท่าใด

$$\lambda_{min} = \frac{1240}{30 \times 10^3} = 0.0413 \text{ nm} \quad \#$$



ปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก

65. ข้อใดบ้างที่สนับสนุนว่าแสงแสดงสมบัติเป็นอนุภาค

- ก. สเปกตรัมของไฮโดรเจน
 - ข. ปรากฏการณ์คอมพัตตัน
 - ค. ปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก
 - ง. การทดลองของฟรังก์และเฮิร์ตซ์
1. ก. และ ข.
2. ข. และ ค.
3. ค. และ ง.
4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

66. จากการทดลองเพื่อศึกษาปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก ข้อสรุปต่อไปนี้ข้อใดถูกต้อง

- ก. พลังงานสูงสุดของอิเล็กตรอนขึ้นอยู่กับความเข้มของแสงเท่านั้น **ขึ้นกับ f**
 - ข. สำหรับแสงที่มีความถี่สูงกว่าความถี่ขีดเริ่ม จำนวนโฟโตอิเล็กตรอนจะเพิ่มมากขึ้นเป็นปริภาคกับตัวแปรที่เพิ่มขึ้น **ขึ้น photo e⁻ ขึ้นกับ ความเข้มแสง**
 - ค. เนื่องจากแสงมีสมบัติเป็นคลื่น เมื่อมีความเข้มสูงก็จะมีพลังงานมาก ทำให้โฟโตอิเล็กตรอนมีพลังงานมากด้วย **พลังงานขึ้นกับ f**
 - ง. เมื่อแสงที่ตกกระทบบโลหะมีความถี่สูงกว่าความถี่ขีดเริ่ม จะเกิดโฟโตอิเล็กตรอนขึ้น
- คำตอบที่ถูกต้องคือ

- 1. ข้อ ก. และ ค.
- 2. ข้อ ข. และ ง.
- 3. ข้อ ง. เท่านั้น
- 4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

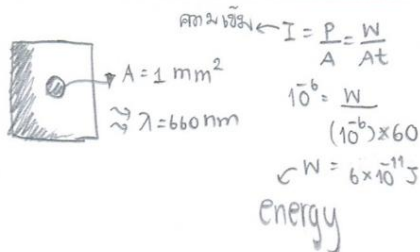
67. นัยน์ตามนุษย์สามารถรับคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าพลังงาน 10^{18} จูลได้ ถ้าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่พลังงานนี้มีความยาวคลื่น 6×10^{-7} เมตร โฟตอนที่นัยน์ตาได้รับได้มีจำนวนกี่ตัว

$$E = \frac{nhc}{\lambda} \rightarrow 10^{18} = \frac{n(6.6 \times 10^{-34})(3 \times 10^8)}{6 \times 10^{-7}} \rightarrow n = 3$$

- 1. 1 โฟตอน
- 2. 2 โฟตอน
- 3. 3 โฟตอน
- 4. 4 โฟตอน

68. วัตถุที่บ่งแสงมีลักษณะภายในกลวงพร้อมทั้งบรรจุด้วยแก๊สชนิดหนึ่ง และวัตถุนี้อมีช่องขนาด 1 ตารางมิลลิเมตร อยู่ 1 ช่อง สมมุติว่าเมื่อทำให้วัตถุร้อนขึ้นจนกระทั่งถึงอุณหภูมิค่าหนึ่ง จะมีแสงที่มีความยาวคลื่น 660 นาโนเมตร เปล่งออกมาทางช่องดังกล่าวด้วยความเข้มคงที่ 10^6 วัตต์/ตารางเมตร ในเวลา 1 นาที จะมีโฟตอนที่ตัวที่แพร่ออกมาทางช่องดังกล่าวนี้

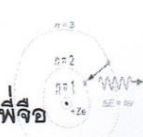
- 1. 1×10^4
- 2. 4×10^6
- 3. 2×10^8
- 4. 6×10^{10}



$$E = \frac{nhc}{\lambda}$$

$$6 \times 10^{11} = \frac{n(6.6 \times 10^{-34})(3 \times 10^8)}{660 \times 10^{-9}}$$

$$n = 200 \times 10$$



69. กำหนดให้ฟังก์ชันงานของแท่นทาลัมและทองคำเป็น 4.2 eV และ 4.8 eV ตามลำดับ อยากรทราบว่าจะต้องทำการฉายแสงที่มีความยาวคลื่น 270 nm ลงไปบนวัตถุใดจึงจะเกิดปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กตริก

$$E \geq W \text{ or } f \geq f_0$$

$$E = \frac{1240}{270} = 4.59 \text{ eV}$$

1. ไม่เกิดปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กตริก
 2. แท่นทาลัม
 3. ทองคำ
 4. แท่นทาลัมและทองคำ

70. โฟตอนตัวหนึ่งตกกระทบผิวแพลทินัม ซึ่งมีค่าฟังก์ชันงาน 5.6 eV ทำให้อิเล็กตรอนหลุดจากผิวออกมาด้วยพลังงานจลน์สูงสุด 1.2 eV ถ้าเราให้โฟตอนตัวเดียวกันนี้ไปตกกระทบผิวเงินซึ่งมีค่าฟังก์ชันงาน 4.7 eV จะต้องใช้ความต่างศักย์กี่โวลต์ เพื่อที่จะทำให้อิเล็กตรอนที่หลุดจากผิวหยุด

$$Pt: E_{k,max} = hf - W \quad Ag: V_s = 6.8 - 4.7$$

$$eV; 1.2 = E_{ev} - 5.6 \quad V_s = 2.1 \text{ V} \#$$

$$E_{ev} = 6.8 \text{ eV}$$

1. 2.1 V
 2. 4.4 V
 3. 6.8 V
 4. 11.5 V

71. วัตถุ A มีค่าพลังงานยึดเหนี่ยว 3.3 eV วัตถุ B มีค่าความถี่ขีดเริ่มเป็น 4×10^{14} Hz และแสงที่มีความถี่เดียวกันตกกระทบผิววัตถุ A และ B จะทำให้โฟโตอิเล็กตรอนจากวัตถุ A มีพลังงานจลน์สูงสุดเท่ากับ 1.2 eV อยากรทราบว่าจะพลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนจากวัตถุ B จะเป็นกี่ eV

$$A: E_{k,max} = hf - W \quad B: E_{k,max,eV} = 4.5 - \frac{hf_0}{e}$$

$$eV; 1.2 = E_{ev} - 3.3 \quad = 4.5 - \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 4 \times 10^{14}}{1.6 \times 10^{-19}}$$

$$E_{ev} = 4.5 \text{ eV} \quad = 2.85 \text{ eV} \#$$

72. ในปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กตรอน ถ้าให้แสงที่มีความถี่ 8×10^{14} เฮิรตซ์ ตกกระทบโลหะชนิดหนึ่ง ปรากฏว่าต้องใช้ความต่างศักย์ในการหยุดยั้งโฟโตอิเล็กตรอนที่หลุดออกมา 1.3 โวลต์ จงหาค่าพลังงานยึดเหนี่ยวของโลหะที่ใช้ในการทดลองนี้

$$E_{k,max} = hf - W \quad W = 2 \text{ eV} \#$$

$$V_s = \frac{hf - W}{e}$$

$$1.3 = \frac{(6.6 \times 10^{-34})(8 \times 10^{14}) - W}{1.6 \times 10^{-19}}$$

1. 0 อิเล็กตรอนโวลต์
 2. 2.0 อิเล็กตรอนโวลต์
 3. 2.5 อิเล็กตรอนโวลต์
 4. 4.3 อิเล็กตรอนโวลต์

73. เมื่อให้แสงที่มีความถี่ค่าหนึ่งตกกระทบบนผิวของทอง ซึ่งมีค่าพลังงานยึดเหนี่ยว 4.8 อิเล็กตรอนโวลต์ แล้วทำให้เกิดโฟโตอิเล็กตรอน และเมื่อใช้ความต่างศักย์หยุดยั้งเท่ากับ 8.4 โวลต์ จะไม่มีกระแสไหล จงหาค่าความถี่ของกระแสไหล จงหาค่าความถี่ของแสงที่ใช้

$$E_{k,max} = hf - W$$

$$V_s = \frac{hf - W}{e}$$

$$8.4 = \frac{6.6 \times 10^{-34} f - 4.8}{1.6 \times 10^{-19}}$$

1. 0.5×10^{34} เฮิรตซ์
 2. 2.0×10^{34} เฮิรตซ์
 3. 0.9×10^{15} เฮิรตซ์
 4. 3.2×10^{15} เฮิรตซ์

$$f = 3.2 \times 10^{15} \text{ Hz} \#$$



E

74. จากปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กตริก เมื่อให้แสงที่มีพลังงาน 2.00 อิเล็กตรอนโวลต์ ตกกระทบบโลหะชนิดหนึ่ง ปรากฏว่าต้องใช้ความต่างศักย์ระหว่างแคโทดและแอโนดในการหยุดยั้งโฟโตอิเล็กตรอนเท่ากับ 0.65 โวลต์ ถ้าให้แสงซึ่งมีพลังงาน 4.00 อิเล็กตรอนโวลต์ ตกกระทบบโลหะชนิดเดียวกัน จะต้องใช้ความต่างศักย์หยุดยั้งกี่โวลต์ V_S

1. 1.30
 3. 2.65
 2. 1.35
 4. 5.35

$$E_{k,max} = hf - W$$

$$V_S = E_{ev} - W_{ev} \text{ (eV)}$$

$$0.65 = 2 - W \text{ --- ①}$$

$$V_S = 4 - W \text{ --- ②}$$

$$\text{②} - \text{①}; V_S - 0.65 = 2$$

$$V_S = 2.65 \text{ V \#}$$

75. โลหะชนิดหนึ่งมีค่าพลังงานยึดเหนี่ยวเท่ากับ 2.0 อิเล็กตรอนโวลต์ ถ้ามีแสงที่มีความยาวคลื่น 100 nm. มากกระทบบพลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนที่ออกมาจะเป็นกี่อิเล็กตรอนโวลต์ (eV)

1. 6.4 eV
 3. 14.4 eV
 2. 10.4 eV
 4. 18.4 eV

$$E_{k,max} = hf - W \text{ (J)}$$

$$= \frac{1240}{\lambda_{nm}} - W_{ev} = \frac{1240}{100} - 2 = 10.4 \text{ eV \#}$$

76. เมื่อฉายรังสีอัลตราไวโอเล็ตที่มีความยาวคลื่น 400 นาโนเมตร ไปที่ผิวโลหะชนิดหนึ่งที่มีค่าพลังงานยึดเหนี่ยวเท่ากับ 1.8 อิเล็กตรอนโวลต์ โฟโตอิเล็กตรอนหลุดจากผิวโลหะจะมีพลังงานจลน์เท่าไร

1. 0 อิเล็กตรอนโวลต์
 3. 1.3 อิเล็กตรอนโวลต์
 2. 0.5 อิเล็กตรอนโวลต์
 4. 1.8 อิเล็กตรอนโวลต์

$$E_{k,max} = \frac{1240}{400} - 1.8$$

$$= 3.1 - 1.8 = 1.3 \text{ eV \#}$$

77. ในการทดลองปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กตริก สมมุติว่าแสงความยาวคลื่น 400 นาโนเมตร ส่องกระทบบผิวโลหะแล้วมีผลทำให้ความเร็วของโฟโตอิเล็กตรอนที่หลุดออกมีค่าเป็น 2 เท่าของความเร็วที่เกิดจากแสงความยาวคลื่น 800 นาโนเมตร จงคำนวณหาความถี่ขีดเริ่ม ซึ่งทำให้โฟโตอิเล็กตรอนเริ่มหลุดออกจากผิวโลหะในหน่วยเทระเฮิรตซ์

(1 เทระเฮิรตซ์ = 10^{12} เฮิรตซ์)

$\lambda = 400 \text{ nm} \rightarrow 2v$
 $\lambda = 800 \text{ nm} \rightarrow v$
 $f_0 = ?$

$$E_{k,max} = hf - W$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{hc}{\lambda} - hf_0$$

$$\frac{1}{2}m(2v)^2 = \frac{hc}{400n} - hf_0 \text{ --- ①}$$

$$\frac{1}{2}mv^2 = \frac{hc}{800n} - hf_0 \text{ --- ②}$$

$$4 \left[\frac{hc}{800n} - hf_0 \right] = \frac{hc}{400n} - hf_0$$

78. เมื่อให้แสงที่มีความยาวคลื่น 450 นาโนเมตร ตกกระทบบผิวโลหะชนิดหนึ่ง ปรากฏว่าต้องใช้ความต่างศักย์ในการหยุดยั้งโฟโตอิเล็กตรอนเท่ากับ 1.5 โวลต์ ถ้าต้องการให้อิเล็กตรอนหลุดออกจากผิวโลหะได้พอดี จะต้องใช้แสงที่มีความยาวคลื่นเท่าไร (นาโนเมตร) V_S

1. 330
 3. 990
 2. 660
 4. 1,220

$$\text{①: } E_{k,max} = hf - W \text{ (J)}$$

$$-V_S = \frac{1240}{\lambda} - W_{ev}$$

$$1.5 = \frac{1240}{450} - W_{ev}$$

$$1.5 = \frac{124}{45} - \frac{1240}{\lambda_0}$$

$$\frac{c}{200n} - \frac{c}{400n} = -f_0 + 4f_0 = 3f_0$$

$$3f_0 = \frac{3 \times 10^8}{400 \times 10^{-9}}$$

$$f_0 = 2.5 \times 10^{14} \text{ Hz \#}$$

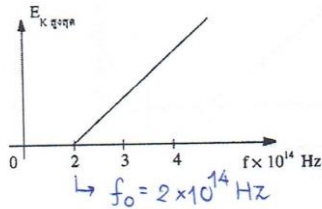
$\lambda_0 = 990 \text{ nm \#}$



79. ในการศึกษาปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริกของโลหะชนิดหนึ่ง ได้กราฟความสัมพันธ์ระหว่างพลังงานจลน์สูงสุดของโฟโตอิเล็กตรอนกับความถี่ของคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าที่ตกกระทบผิวโลหะดังรูป ถ้าให้คลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าความถี่ 6×10^{14} เฮิร์ตซ์ ตกกระทบผิวโลหะนี้ จะต้องใช้ความต่างศักย์หยุดยั้งเท่าใด

f

1. 0.42 V
2. 0.83 V
3. 1.65 V
4. 2.50 V



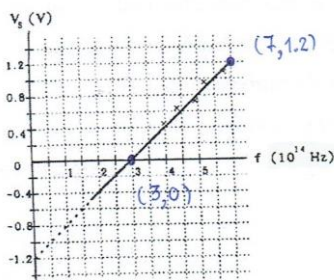
$$E_{k,max} = hf - W$$

$$eV_s = hf - hf_0$$

$$(1.6 \times 10^{-19}) V_s = 6.6 \times 10^{-34} (6-2) \times 10^{14}$$

$$V_s = 1.65 \text{ V} \quad \#$$

80. ในการทดลองเพื่อศึกษาปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก พบว่าความต่างศักย์หยุดยั้ง (V_s) กับความถี่ของแสงมีความสัมพันธ์กันตามกราฟที่แสดง จงหาค่าคงตัวของพลังค์ที่ได้จากการทดลองในหน่วยของ (10^{-34} J·s) (เลขนัยสำคัญ 2 ตัว)



$$\text{slope} = \frac{h}{e}$$

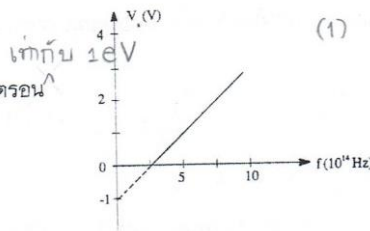
$$h = e \cdot \text{slope}$$

$$= (1.6 \times 10^{-19}) \left(\frac{1.2-0}{7-3} \right) \times 10^{14}$$

$$= 0.48 \times 10^{-33} = 4.8 (10^{-34} \text{ Js}) \quad \#$$

81. จากกราฟแสดงความสัมพันธ์ระหว่างความต่างศักย์ไฟฟ้าหยุดยั้ง (V_s) กับความถี่ของแสง (f) ดังรูปข้อความต่อไปนี้ข้อใดถูกต้อง

1. พลังงานน้อยที่สุดที่ทำให้เกิดโฟโตอิเล็กตรอน
2. ความถี่ขีดเริ่มเท่ากับ 2.5 MHz \times
3. พลังงานจลน์สูงสุด $= 1.6 \times 10^{-19}$ J
4. ความต่างศักย์หยุดยั้งเท่ากับ -1 โวลต์



$$(1) \text{ ตัดแกน } y = -\frac{W}{e} = -1$$

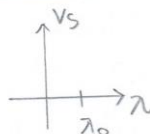
$$W = 1 \text{ eV}$$

$$W = 1 \text{ eV} \quad \#$$

82. ในการทดลองปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก เมื่อเขียนกราฟระหว่างความต่างศักย์ที่หยุดโฟโตอิเล็กตรอนกับความยาวคลื่นที่สั้นที่สุดของแสง ถ้าพลังงานที่ต้องใช้ในการทำให้อิเล็กตรอนหลุดออกจากผิวโลหะเท่ากับ 3 อิเล็กตรอนโวลต์ เส้นกราฟควรตัดแกนความยาวคลื่นที่สั้นที่สุดของแสงที่ค่ากี่นาโนเมตร

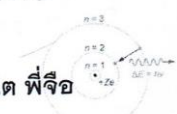
1. 410
3. 820

2. 615
4. 102.5



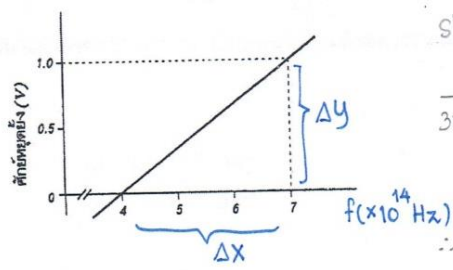
$$W = \frac{1240}{\lambda_0}$$

$$\lambda_0 = \frac{1240}{3} = 413.3 \text{ nm}$$



83. จากการทดลองโฟโตอิเล็กทริก ได้กราฟระหว่างศักย์หยุดยั้งกับความถี่ของแสงดังรูป ความชันของกราฟจากการทดลองนี้ให้ค่าหาค่าของพลังค์เท่าใด

- 1. 5.3×10^{-34} J·s
- 2. 5.6×10^{-34} J·s
- 3. 6.0×10^{-34} J·s
- 4. 6.4×10^{-34} J·s



$$\text{slope} = \frac{h}{e}$$

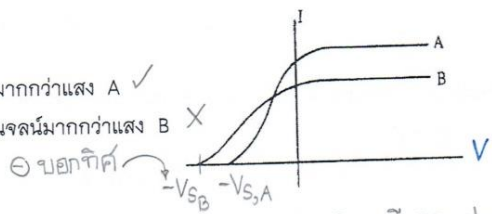
$$\frac{1}{3 \times 10^{-14}} = \frac{h}{e}$$

$$h = \frac{1.6 \times 10^{-19}}{3 \times 10^{14}}$$

$$\therefore h = 0.53 \times 10^{-33} = 5.3 \times 10^{-34} \text{ J·s}$$

84. จากการทดลองเรื่องปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริก โดยทำการทดลองสองครั้ง ครั้งแรกใช้แสง A ครั้งที่สองใช้แสง B ได้ความสัมพันธ์ระหว่างกระแสในวงจร (I) และความต่างศักย์ (V) ดังกราฟ จงพิจารณาข้อสรุปต่อไปนี้

- ก. แสง A มีความถี่น้อยกว่าแสง B ✓
 - ข. แสง A มีความเข้มมากกว่าแสง B ✓
 - ค. แสง B ต้องใช้ขนาดความต่างศักย์หยุดยั้งมากกว่าแสง A ✓
 - ง. แสง A ทำให้เกิดโฟโตอิเล็กตรอนมีพลังงานจลน์มากกว่าแสง B ✗
- ข้อสรุปที่ถูกต้อง



1. ก., ข. และ ค.
 2. ก. และ ค.
 3. ก. และ ง.
 4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

▶ $I_A > I_B$ มี จ.ร photo e⁻ มากกว่ามาจาก แสงที่มีความเข้มสูง
 ▶ $V_{sB} > V_{sA}$ แสดงว่า e⁻ ของแสง B มีพลังงานมากกว่า

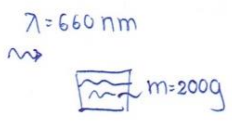
85. ในการทดลองผ่านแสงสีแดง (ความยาวคลื่น 0.66 ไมโครเมตร) จำนวน 2×10^{22} โฟตอนเข้าไปในน้ำ $\frac{1}{7}$ กิโลกรัม ถ้าสมมติว่า น้ำดูดกลืนพลังงานจากแสงไว้ได้ 50% จงหาว่า อุณหภูมิของน้ำเปลี่ยนไปที่องศาเซลเซียส (กำหนดให้ความจุความร้อนจำเพาะของน้ำ 4.2 kJ/kg·K)

$$\frac{50}{100} nhf = mc\Delta t$$

$$0.5 (2 \times 10^{22}) (6.4 \times 10^{-34}) (3 \times 10^8) = \frac{1}{7} (4.2 \times 10^3) \Delta t$$

$$\Delta t = 5^\circ \text{C} \#$$

86. เมื่อผ่านแสงสีแดงความยาวคลื่น 660 นาโนเมตร จำนวน 7×10^{22} โฟตอนเข้าไปในน้ำมวล 200 กรัม ถ้าน้ำดูดกลืนพลังงานร้อยละ 40 ไปเป็นความร้อน น้ำมีอุณหภูมิเพิ่มขึ้นเท่าไร (กำหนดให้ความร้อนจำเพาะของน้ำเป็น 4.2×10^3 J/kg·K)



$$\frac{40}{100} E = mc\Delta t \quad (\text{J})$$

$$0.4 (nhf) = mc\Delta t$$

$$0.4 (nhc) = mc\Delta t$$

$$0.4 (7 \times 10^{22} \times \frac{6.6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{660 \times 10^{-9}}) = 0.2 (4.2 \times 10^3) \Delta t$$

- 1. 25 C
- 2. 20 C
- 3. 15 C
- 4. 10 C

☑ สมมุติฐานของเดออบรอยล์

$$\rightarrow 72 \times \frac{5}{18} = 20 \text{ m/s}$$

- ✓ 87. รถคันหนึ่งมีมวล 1,000 กิโลกรัม แล่นด้วยความเร็ว 72 กิโลเมตร/ชั่วโมง ถ้าคิดว่ารถยนต์คันนี้เป็นคลื่นจะมีความยาวคลื่นเดออบรอยล์ เท่าไร

1. 0.92×10^{-38} เมตร
 2. 3.3×10^{-38} เมตร
 3. 0.33×10^{-38} เมตร
 4. 1.1×10^{-38} เมตร

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{1000 \times 20}$$

$$\lambda = 3.3 \times 10^{-38} \text{ m} \quad \#$$

- ✓ 88. อนุภาคชนิดหนึ่งมีมวล 3.2×10^{-27} กิโลกรัม ประพุดิตัวเป็นคลื่นที่มีพลังงาน 1 เมกะอิเล็กตรอนโวลต์ ความยาวคลื่นของอนุภาค นี้เท่ากับกี่เมตร

1. 2.0×10^{-31} เมตร
 2. 8.3×10^{-24} เมตร
 3. 2.1×10^{-14} เมตร
 4. 1.2×10^{-12} เมตร

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE}} = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{\sqrt{2(3.2 \times 10^{-27})(1 \times 10^6 \times 1.6 \times 10^{-19})}}$$

$$= 2.1 \times 10^{-14} \text{ m}$$

- ✓ 89. เมื่อความเร็วของอิเล็กตรอนเพิ่มขึ้น 4 เท่า ความยาวคลื่นของ เดออบรอยล์ จะมีค่าเป็นกี่เท่าของความยาวคลื่นเดิม

1. 0.25
 2. 0.5
 3. เท่าเดิม
 4. 2

$$\lambda = \frac{h}{mv} \quad \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{v_1}{v_2} = \frac{v}{4v} = \frac{1}{4}$$

90. จงหาความยาวคลื่นของอิเล็กตรอน ซึ่งเคลื่อนที่ด้วยพลังงานจลน์ 5 อิเล็กตรอนโวลต์ (ในหน่วยนาโนเมตร) มวลอิเล็กตรอนคือ 9.1×10^{-31} kg

1. 0.55
 2. 0.85
 3. 0.95
 4. 1.10

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE_k}} = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{\sqrt{2(9.1 \times 10^{-31})(5 \times 1.6 \times 10^{-19})}}$$

$$\lambda = 0.55 \times 10^{-9} \text{ m} = 0.55 \text{ nm} \quad \#$$

91. ความยาวคลื่น เดออบรอยล์ ของอิเล็กตรอนเท่ากับ 0.10 นาโนเมตร พลังงานจลน์ของอิเล็กตรอนมีค่าเท่าไร

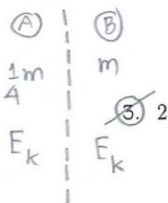
1. 2.4×10^{-17} J
 2. 4.8×10^{-17} J
 3. 2.0×10^{-16} J
 4. 1.0×10^{-15} J

$$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE_k}} \quad E_k = \frac{(6.6 \times 10^{-34})^2}{2(9.1 \times 10^{-31})(0.1 \times 10^{-9})^2}$$

$$E_k = \frac{h^2}{2m\lambda^2} \quad \therefore E_k = 2.4 \times 10^{-17} \text{ J} \quad \#$$

92. อนุภาค A มีมวลเป็น $\frac{1}{4}$ เท่าของอนุภาค B ถ้าอนุภาคทั้งสองมีพลังงานจลน์เท่ากับ ความยาวคลื่น เดออบรอยล์ของอนุภาค A เป็นกี่เท่าของอนุภาค B

1. $\frac{1}{4}$
 2. $\frac{1}{2}$



$$\lambda \propto \frac{1}{\sqrt{m}} \quad \frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \sqrt{\frac{m_B}{m_A}}$$

$$\frac{\lambda_A}{\lambda_B} = \sqrt{\frac{m}{4m}} = \frac{1}{2} \quad \#$$



$E_k \rightarrow 4E_k$

93. อนุภาคมวล m มีพลังงานจลน์เพิ่มขึ้นเป็น 4 เท่า ของพลังงานจลน์เดิม ความยาวคลื่น เดอ บรอยล์ ของอนุภาคนี้ ในครั้งหลังจะ เป็นกี่เท่าของความยาวคลื่น เดอ บรอยล์ ครั้งแรก

$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE_k}} \quad \lambda \propto \frac{1}{\sqrt{E_k}} \rightarrow \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \sqrt{\frac{E_{k,1}}{E_{k,2}}} = \sqrt{\frac{E_k}{4E_k}} = \frac{1}{2}$

1. $\frac{1}{2}$ เท่า 2. 2 เท่า 3. 4 เท่า 4. 8 เท่า #

94. ถ้ามวลของอนุภาค A เป็นครึ่งหนึ่งของมวลของอนุภาค B เมื่ออนุภาคทั้งสองมีพลังงานเท่ากัน อนุภาค A จะประพฤติตัวเป็น คลื่นที่มีความยาวคลื่นเป็นกี่เท่าของอนุภาค B

$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mE_k}} \rightarrow \lambda \propto \frac{1}{\sqrt{m}}$

1. $\frac{1}{2}$ 2. $\frac{1}{\sqrt{2}}$ 3. $\sqrt{2}$ 4. 2 #

95. ไฮโดรเจนไอออน (H^+) และฮีเลียมไอออน (He^+) ถูกเร่งด้วยสนามไฟฟ้า 10^6 โวลต์ ไฮโดรเจนไอออนจะมีความยาวคลื่น เดอ บรอยล์ เป็นกี่เท่าของฮีเลียมไอออน

$\lambda = \frac{h}{\sqrt{2mqV}} \rightarrow \lambda \propto \frac{1}{\sqrt{m}} \rightarrow \frac{\lambda_H}{\lambda_{He}} = \sqrt{\frac{m_{He}}{m_H}} = \sqrt{\frac{4}{1}} = 2$

1. 4 เท่า 2. 3 เท่า 3. 2 เท่า 4. 1 เท่า #

96. อนุภาคตัวหนึ่งมีมวล m ขณะที่กำลังวิ่งด้วยความเร็ว v ดังนั้น อนุภาคนี้จึงมีพลังงานทั้งหมดเท่ากับ mc^2 สมมติว่าพลังงานนี้มีค่าเป็น 5 เท่าของพลังงานของโฟตอนตัวหนึ่ง ซึ่งมีโมเมนตัมเท่ากับกับโมเมนตัมของอนุภาคนี้พอดี จงหาค่าอัตราส่วน $\frac{v}{c}$ มีค่าเป็น เท่าไร

$mc^2 = 5(hf) \quad \text{--- ①} \quad \frac{h}{\lambda} = mv \quad \text{--- ②}$
 $\frac{v}{c} = \frac{1}{5} = 0.2$ #

97. อิเล็กตรอนซึ่งมีมวลประมาณ 9×10^{-31} กิโลกรัม เคลื่อนที่ด้วยอัตราเร็ว 3×10^6 เมตร/วินาที วัสดุในข้อใดเหมาะสมที่จะนำไปใช้ในการทดลองเพื่อศึกษาการเลี้ยวเบนของอิเล็กตรอน

$d \leq \lambda_e \quad \lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.6 \times 10^{-34}}{9 \times 10^{-31} (3 \times 10^6)} = 0.24 \times 10^{-8} \text{ m}$

1. ผลึกซึ่งมีระยะห่างระหว่างระนาบประมาณ 10^{-10} m.
 2. เกรตติงซึ่งมีระยะห่างระหว่างช่องประมาณ 10^{-6} m.
 3. แผ่นโลหะบางเจาะรูให้มีช่องคู่ห่างกันประมาณ 10^{-3} m.
 4. สลิตเดี่ยวที่มีความกว้างของช่องประมาณ 10^{-2} m.

98. จากทฤษฎีของ เดอ บรอยล์ เส้นรอบวงของวงโคจรของอิเล็กตรอนรอบนิวเคลียสมีค่าเป็นเท่าไร

1. ค่าจีของพลังค์หารด้วยความยาวคลื่นของอิเล็กตรอน
 2. ค่าจีของพลังค์คูณด้วยเลขจำนวนเต็ม หารด้วย 2π
 3. ความยาวคลื่นของอิเล็กตรอนคูณด้วยเลขจำนวนเต็ม
 4. ความยาวคลื่นของอิเล็กตรอนหารด้วยความเร็วแสง

$2\pi r = n\lambda$



กลศาสตร์ของควอนตัม

$x = 4\text{m}$ $v = ?$

99. หลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์ก กล่าวว่า ผลคูณระหว่างความไม่แน่นอนทางตำแหน่งกับความไม่แน่นอนทางโมเมนตัม จะมีค่าอย่างไร

1. น้อยกว่าค่าจริงของพลังค์หารด้วย 2π
2. เท่ากับค่าจริงของพลังค์หารด้วย 2π
3. มากกว่าค่าจริงของพลังค์หารด้วย 2π
4. มากกว่าหรือเท่ากับค่าจริงของพลังค์หารด้วย 2π

$\Delta x \cdot m \Delta v \geq \frac{h}{2\pi}$

โจทย์: $\Delta x = 2 \times 10^{-10} \text{ m}$
 จงหาค่า Δv
 Solⁿ: $\Delta v = \frac{h}{m \Delta x} = \frac{1.054 \times 10^{-34}}{9.1 \times 10^{-31} \times 2 \times 10^{-10}}$
 $= 5.79 \times 10^5 \text{ m/s}$

100. หลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์กกล่าวว่า ผลคูณระหว่างความไม่แน่นอนทางตำแหน่งกับความไม่แน่นอนทางโมเมนตัมจะมีค่าอย่างไร

1. น้อยกว่าค่าจริงของพลังค์
2. เท่ากับค่าจริงของพลังค์
3. มากกว่าค่าจริงของพลังค์
4. น้อยกว่าหรือเท่ากับค่าจริงของพลังค์ / 2π
5. มากกว่าหรือเท่ากับค่าจริงของพลังค์ / 2π

101. จงพิจารณาข้อความต่อไปนี้

- ก. อิเล็กตรอนเป็นหน่วยย่อยที่สุดของธาตุหนึ่ง
- ข. ปรากฏการณ์โฟโตอิเล็กทริกสนับสนุนว่าแสงแสดงสมบัติคลื่นได้
- ค. ปรากฏการณ์ควอนตัมแสดงว่าคลื่นแม่เหล็กไฟฟ้าแสดงสมบัติเป็นอนุภาคได้
- ง. กลศาสตร์ควอนตัมไม่สามารถอธิบายความสัมพันธ์ระดับอะตอมได้

ข้อความที่ถูกต้องคือข้อใด

1. ก., ข. และ ค.
2. ค. เท่านั้น
3. ก. และ ค.
4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

102. ข้อใดมีหลักการที่แสดงให้เห็นว่ากลศาสตร์ควอนตัมต่างจากกลศาสตร์ของนิวตัน

1. พลังงานรวมก่อนชนและหลังชนกันของอิเล็กตรอนกับอะตอมของปรอทมีค่าคงที่
2. โมเมนตัมของโฟตอนกับอิเล็กตรอนก่อนชนและหลังชนกันมีค่าคงที่
3. โมเมนตัมเชิงมุมของอิเล็กตรอนในแต่ละชั้นของไฮโดรเจนอะตอมมีค่าคงที่
4. ความแม่นยำของการวัดตำแหน่งและโมเมนตัมถูกจำกัดด้วยค่าจริงของพลังค์



103. ข้อสรุปใดที่ตรงกับหลักความไม่แน่นอนของไฮเซนเบิร์กมากที่สุด

1. หลักทางฟิสิกส์มีความไม่แน่นอน เกิดขึ้นเนื่องจากผู้วัด เครื่องมือ และวิธีการวัด
2. สิ่งซึ่งเล็กมาก ๆ ระดับอะตอม บางครั้งแสดงสมบัติเป็นคลื่น และบางครั้งก็แสดงสมบัติเป็นอนุภาคไม่สามารถบอกได้แน่นอน
3. ปริมาณทางฟิสิกส์บางคู่ จะไม่สามารถวัดให้มีความแน่นอนได้พร้อมกัน ผลคูณของความไม่แน่นอนของปริมาณทั้งสองจะน้อยกว่าค่า ๆ หนึ่งไม่ได้
4. ปริมาณทางฟิสิกส์บางคู่ ไม่สามารถอธิบายให้มีความแน่นอนได้พร้อมกัน

เฉลยคำตอบ Clear Zone Quantum

- | | | | |
|--------------------------------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|
| 1) 1.1) 5.12×10^{-17} | 1.2) 1.06×10^7 | 2) 2.1) 8×10^6 | 2.2) 9×10^{-3} |
| 3) $\frac{qB^2 d^2}{8EI}$ | 4) 5 | 5) 2 | 6) 4 |
| 9) 2 | 10) 1 | 11) 4 | 12) 1 |
| 15) 128 | 16) 4 | 17) 2 | 18) 4 |
| 21) 4 | 22) 3 | 23) 1 | 24) 3 |
| 27) 2 | 28) 2 | 29) 3 | 30) $n \geq 4.4$ |
| 33) 155 | 34) 4 | 35) 1 | 36) 1 |
| 39) 2 | 40) 4 | 41) 2 | 42) 3 |
| 45) 1 | 46) 1 | 47) 4 | 48) 486 |
| 51) 4 | 52) 1.8 | 53) 3 | 54) 3 |
| 57) 4 | 58) -3.39, -1.5 | 59) 1 1 | 60) 3 |
| 63) 0.11 | 64) 0.0413 | 65) 2 | 66) 3 |
| 69) 2 | 70) 1 | 71) 2.85 | 72) 2 |
| 75) 2 | 76) 3 | 77) 250 | 78) 3 |
| 81) 1 | 82) 1 | 83) 1 | 84) 1 |
| 87) 2 | 88) 3 | 89) 1 | 90) 1 |
| 93) 1 | 94) 3 | 95) 3 | 96) $\frac{1}{5}$ |
| 99) 4 | 100) 5 | 101) 1 2 | 102) 4 |
| | | | 103) 3 |

