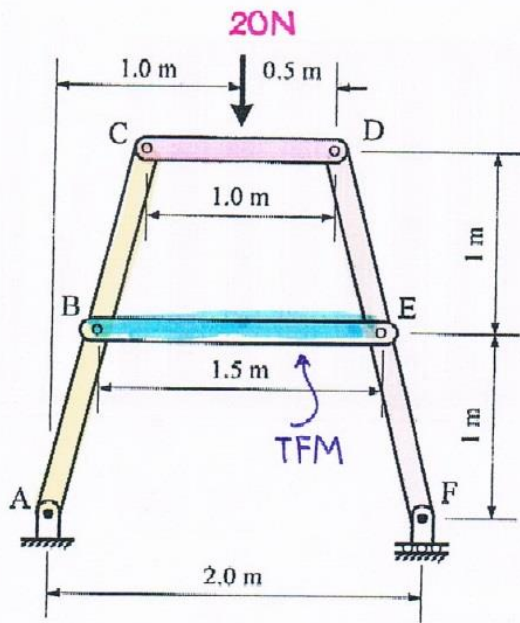


ชื่อ-สกุล.....รหัส.....ตอน.....

ข้อที่ 1. (15 คะแนน) โครงข้อแข็ง (Frame) ประกอบด้วยชิ้นส่วน ABC, DEF, CD และ BE รับแรงกระทำดังแสดงในรูป

ก. จงคำนวณค่าแรงปฏิกิริยาที่ A และ F

ข. วาดแผนภาพวัตถุอิสระพร้อมหาขนาดและทิศทางของแรงภายในของทุกชิ้นส่วน



แนว R_x^B ที่รองรับไม่ต่อนอก

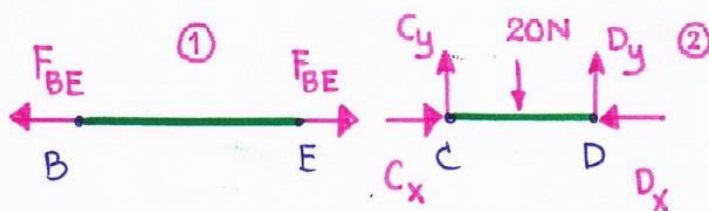


$$\begin{aligned} \rightarrow \sum F_x = 0 &: A_x = 0 \text{ N} \\ \circlearrowleft \sum M_A = 0 &: F(2) - 20(1) = 0 \rightarrow F = 10 \text{ N} \\ \uparrow \sum F_y = 0 &: A_y + F - 20 = 0 \rightarrow A_y = 10 \text{ N} \end{aligned}$$

$$\therefore A = 10.00 \text{ N } \uparrow, F = 10.00 \text{ N } \uparrow$$

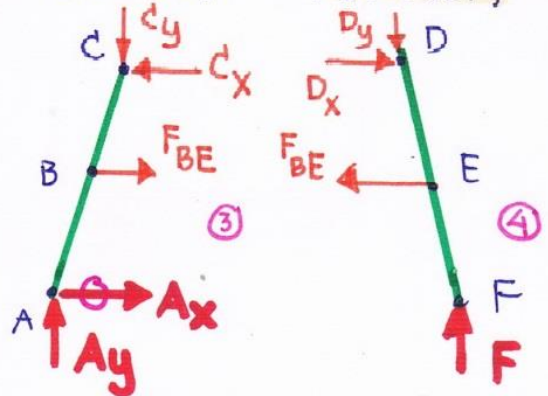
ข) TFM (BE)

FBD (CD)



FBD (ABC)

FBD (DEF)



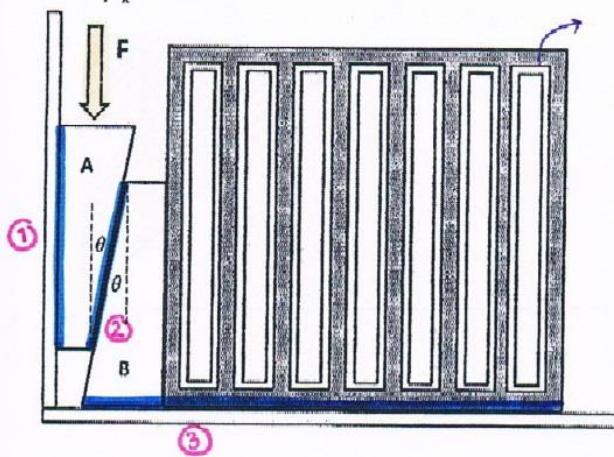
รูป ④

$$\begin{aligned} \circlearrowleft \sum M_D = 0 &: F(0.5) - F_{BE}(1) = 0 \rightarrow F_{BE} = 5 \text{ N} \\ \rightarrow \sum F_x = 0 &: D_x - F_{BE} = 0 \rightarrow D_x = 5 \text{ N} \\ \uparrow \sum F_y = 0 &: F - D_y = 0 \rightarrow D_y = 10 \text{ N} \end{aligned}$$

ชิ้น	กระทำ
BE	$F_{BE} = 5.00 \text{ N (T)}$
DEF	$F_{BE} = 5.00 \text{ N } \leftarrow$ $D_x = 5.00 \text{ N } \rightarrow$ $D_y = 10.00 \text{ N } \downarrow$
ABC	$F_{BE} = 5.00 \text{ N } \rightarrow$ $C_x = 5.00 \text{ N } \leftarrow$ $C_y = 10.00 \text{ N } \downarrow$
CD	$C_x = 5.00 \text{ N } \rightarrow$ $C_y = 10.00 \text{ N } \uparrow$ $D_x = 5.00 \text{ N } \leftarrow$ $D_y = 10.00 \text{ N } \uparrow$

ชื่อ-สกุล..... รหัส..... ตอน.....

ข้อที่ 2. (25 คะแนน) ระบบลิ้ม A และ B (ไม่พิจารณาน้ำหนักของลิ้มทั้งสอง) ใช้ในการเลื่อนตู้ไม้ซึ่งมีมวลเท่ากับ 300 กิโลกรัม โดยลิ้มทั้งสองมีมุมเอียงขนาด $\theta = 5^\circ$ จงคำนวณหาแรง F ที่จะต้องใช้เพื่อเลื่อนตู้ไม้ดังกล่าวให้ขยับไปทางขวาด้วยความเร็วคงที่ กำหนดให้ทุกผิวสัมผัสมีค่าสัมประสิทธิ์แรงเสียดทาน $\mu_s = 0.35$ และ $\mu_k = 0.3$



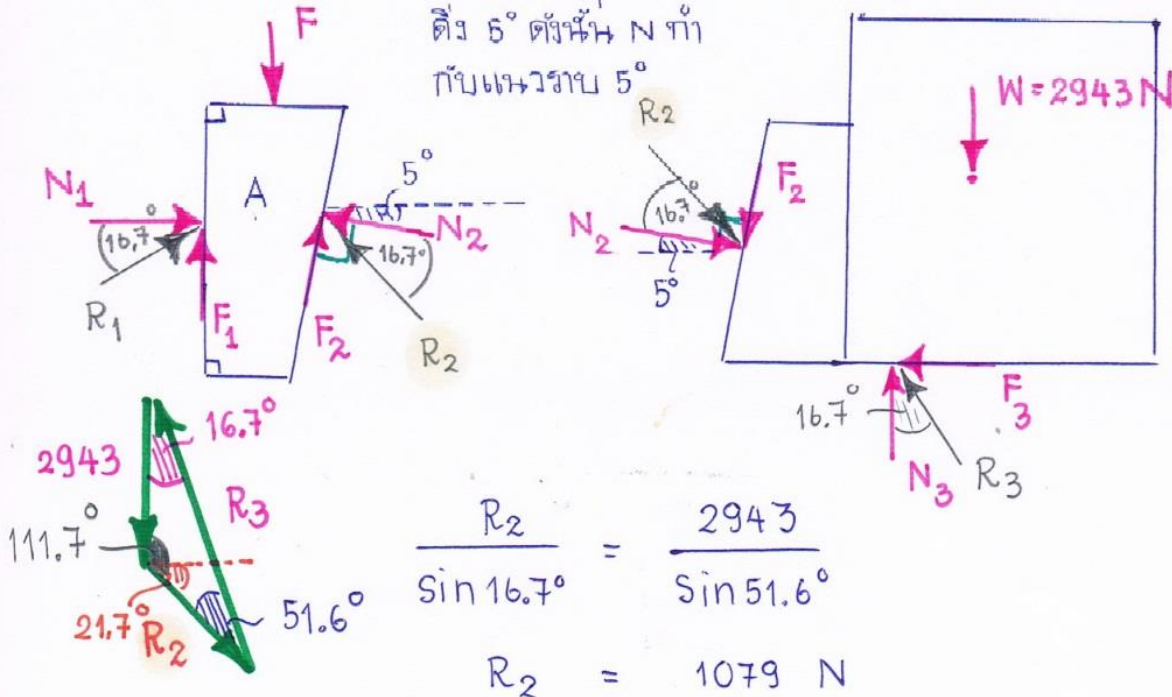
$$W = mg = 300(9.81) = 2943 \text{ N}$$

$$\phi_k = \tan^{-1} \mu_k = \tan^{-1} 0.3 = 16.7^\circ$$

FBD (A)

พื้นเอียงทำมุม
ตั้ง 5° ต่ำหน้า N ทำ
กับแนวราบ 5°

FBD (B & ตู้ไม้)



$$\frac{R_2}{\sin 16.7^\circ} = \frac{2943}{\sin 51.6^\circ}$$

$$R_2 = 1079 \text{ N}$$

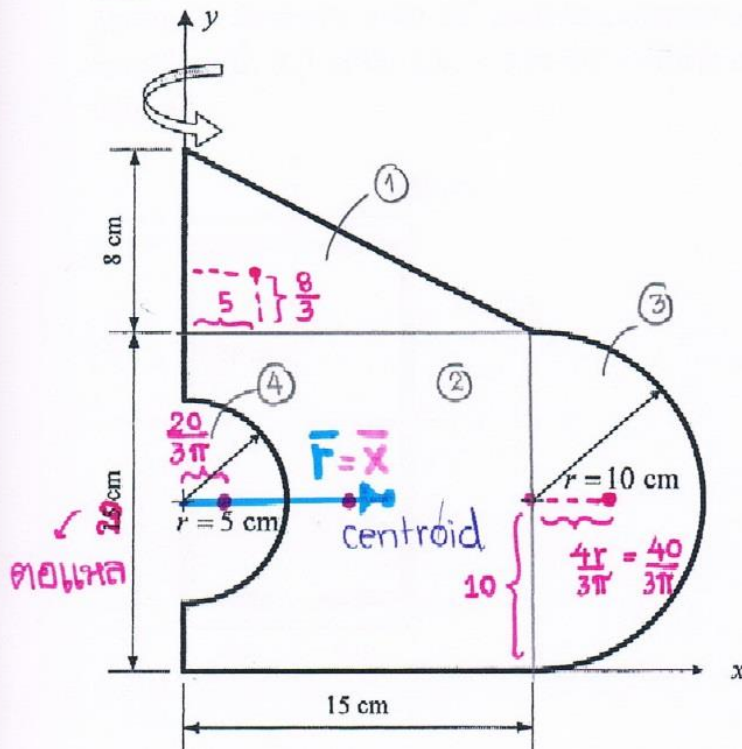
$$\rightarrow \sum F_x = 0 : R_1 \cos 16.7^\circ - R_2 \cos 21.7^\circ = 0 \rightarrow R_1 = 1047 \text{ N}$$

$$\uparrow \sum F_y = 0 : R_1 \sin 16.7^\circ + R_2 \sin 21.7^\circ - F = 0 \rightarrow \boxed{F = 700 \text{ N}}$$

ชื่อ-สกุล..... รหัส..... ตอน.....

Pappus

ข้อที่ 4. (15 คะแนน) จงหาปริมาตรที่เกิดจากการหมุนพื้นที่รอบแกนแนวดิ่ง y ดังแสดงในรูป เป็นมุม 360 องศา



Step 1 $V = \theta \bar{r} A$
 $\theta = 2\pi$ rad
 $\bar{r} = \bar{x}$
 $A = \sum A$

$\triangle + \square + \circ - \circ$

Step 2 $\theta = 2\pi$ rad

$$\bar{x} = \frac{\sum \tilde{x} A}{\sum A} = \frac{\tilde{x}_1 A_1 + \tilde{x}_2 A_2 + \tilde{x}_3 A_3 - \tilde{x}_4 A_4}{A_1 + A_2 + A_3 - A_4}$$

$$= \frac{5 \left(\frac{15 \times 8}{2} \right) + 7.5 (15 \times 20) + \left(15 + \frac{40}{3\pi} \right) \frac{\pi (10)^2}{2} - \frac{20}{3\pi} \left(\frac{\pi (5)^2}{2} \right)}{(15 \times 4) + 300 + 50\pi - \frac{25\pi}{2}}$$

$$= \frac{5489.53}{477.81} = 11.49 \text{ cm}$$

Step 3 $\therefore V = (2\pi)(11.49)(477.81) = 3.45 \times 10^4 \text{ cm}^3$