

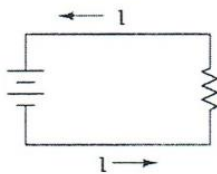
Chapter 4

Alternating current

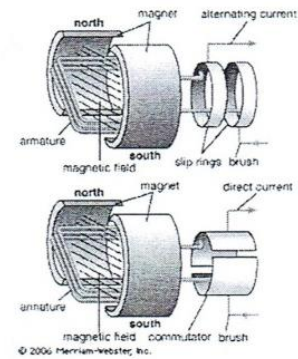
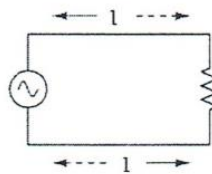
สมการพื้นฐานของแหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสสลับ

① จากความรู้เรื่องแหล่งกำเนิดไฟฟ้ากระแสสลับ เมื่อหมุนขดลวดตัดกับสนามแม่เหล็กจะได้ไฟฟ้ากระแสสลับออกมาจากขดลวด โดยมีสมการของแรงเคลื่อนไฟฟ้าเป็นไปตามกฎของ Faraday ดังนี้

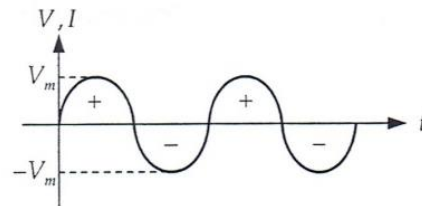
DIRECT CURRENT
(DC)



ALTERNATING CURRENT
(AC)



$$\left. \begin{aligned} V_t &= V_m \sin \omega t \\ I_t &= I_m \sin \omega t \end{aligned} \right\} \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$



② ค่ายังผล (Effective value), ค่ามิเตอร์ (Meter value), ค่าในวงจร, ค่าเฉลี่ย (ค่า rms)

เนื่องจากไฟฟ้ากระแสสลับมีค่าความต่างศักย์และค่าของกระแสไฟฟ้าเปลี่ยนแปลงตามเวลา ดังนั้นการจะนำค่ามาใช้ในการคำนวณจึงต้องใช้ค่าที่เป็นตัวแทนที่เป็นค่าเฉลี่ย เราเรียกว่า ค่ารากที่สองของค่าเฉลี่ยกำลังสอง (root mean square ; rms) หรือ ค่ายังผล ซึ่งเป็นค่าเดียวกันกับค่าที่อ่านได้จากมิเตอร์ เราอาจเรียกว่า ค่ามิเตอร์ ก็ได้ ซึ่งเราจะพบว่า

$$V_{rms} = \frac{V_m}{\sqrt{2}} = 0.707 V_m$$

$$I_{rms} = \frac{I_m}{\sqrt{2}} = 0.707 I_m$$

Ex 1 จงพิจารณาข้อความต่อไปนี้

- ค่ากระแสและค่าความต่างศักย์ของไฟฟ้ากระแสสลับที่เรียกค่ายังผลเป็นค่าเดียวกับค่าที่มิเตอร์อ่านได้
 - ค่ากระแสสลับที่อ่านได้จากมิเตอร์ หมายถึง ค่ารากที่สองของค่าเฉลี่ยของกำลังสองของกระแสสลับ
 - ค่ายังผลของค่าความต่างศักย์ของไฟฟ้าในบ้าน คือ 220 โวลต์
- ข้อความที่ถูกต้อง คือ (Ent'40)

1. ข้อ ก., ข. และ ค.

2. ข้อ ก. และ ค.

3. ข้อ ค. เท่านั้น

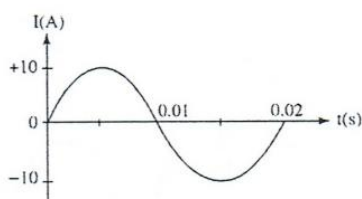
4. คำตอบเป็นอย่างอื่น

Ex 2 ในวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ ถ้าความสัมพันธ์ของความต่างศักย์ของแหล่งกำเนิด E แปรกับเวลา t ใด ๆ ตามความสัมพันธ์ $E = 20 \sin 314t$ จงหาค่ายังผล (หรือค่ามีเตอร์) ของความต่างศักย์ และค่าความถี่ของไฟฟ้ากระแสสลับนี้

$$V_{rms} = 10\sqrt{2} \text{ Volt}$$

$$f = 50 \text{ Hz}$$

Ex 3 จากกราฟที่กำหนดให้ แสดงความสัมพันธ์ระหว่างกระแสกับเวลา จงหาความถี่และค่ายังผลของกระแส

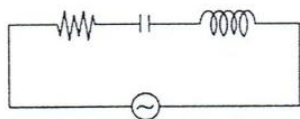


$$I_{rms} = 5\sqrt{2} \text{ A}$$

$$f = 50 \text{ Hz}$$

Ex 4 แหล่งกำเนิดกระแสสลับในวงจรดังรูป มีอัตราเร็วเชิงมุม $(\omega) 10^7$ เรเดียน / วินาที ถ้าตัวเหนี่ยวนำมีความเหนี่ยวนำ 100 ไมโครเฮนรี จงหาค่าความจุในหน่วยพิโกไรต์ของตัวเก็บประจุที่ทำให้ความต้านเชิงความจุของตัวเก็บประจุและความต้านเชิง

ความเหนี่ยวนำมีค่าเท่ากัน $C = ?$



$$L = 100 \mu\text{H}$$

$$X_C = X_L$$

$$\frac{1}{\omega C} = \omega L$$

$$C = \frac{1}{\omega^2 L} = \frac{1}{(10^7)^2 \cdot 100 \times 10^{-6}}$$

$$C = 10^{-10} \text{ F} = 100 \times 10^{-12} \text{ F} = 100 \text{ pF} \#$$

$$\begin{array}{ll} \mu - 10^{-6} & \text{m} - 10^{-3} \\ \text{n} - 10^{-9} & \text{k} - 10^3 \\ \text{p} - 10^{-12} & \text{M} - 10^6 \\ & \text{G} - 10^9 \end{array}$$

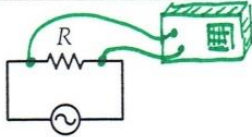
แผนภาพเฟสเซอร์และการต่อความต้านทานในวงจรกระแสสลับ

ในการศึกษาวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ เราจำเป็นต้องรวมกระแสหรือความต่างศักย์ที่มีเฟสต่างกัน โดยวิธีที่สะดวกในการหาผลลัพธ์ เราจะใช้วิธีการของ แผนภาพเฟสเซอร์ (phasor diagram) ซึ่งใช้ได้ทั่วไปกับปริมาณที่ขึ้นกับเวลาแบบ sine เราให้คำจำกัดความของ แผนภาพเฟสเซอร์ ดังนี้

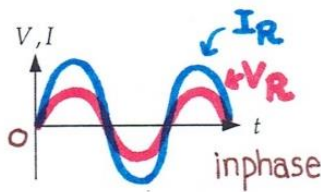
แผนภาพเฟสเซอร์ คือ แผนภาพระหว่าง I และ V แสดงความสัมพันธ์ของเฟสในเชิงเวกเตอร์ (แผนภาพเวกเตอร์นั่นเอง)

Ex แหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสสลับให้ $V_1 = 3 \sin 10t$ อีกแหล่งให้ $V_2 = 4 \sin \left(10t + \frac{\pi}{2} \right)$ จงหาผลบวกของความต่างศักย์ของทั้งสองแหล่ง

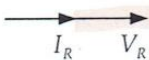
การต่อความต้านทานในวงจรกระแสสลับ

① R = ความต้านทาน (Ohm, Ω)

เมื่อต่อปลายของตัวต้านทาน (resistor) กับเครื่องมือออสซิลโลสโคป จะได้กราฟกระแสและความต่างศักย์ดังนี้



จากกราฟจะพบว่า V และ I มีเฟสตรงกัน เมื่อเขียนแผนภาพเฟเซอร์จะได้ดังรูป



$$V_R = V_m \sin \omega t$$

$$I_R = I_m \sin \omega t$$

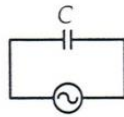
(J.P.)

วงจร C
I หน้า Vวงจร L
V หน้า I

กฎโอห์ม

$$V_{rms} = I_{rms} R, V_m = I_m R$$

② C = ความจุไฟฟ้า (Farad, F)

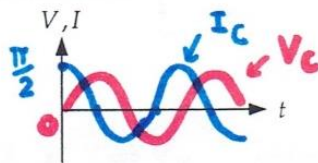


เราจะพบว่าความถี่ของไฟฟ้ากระแสสลับทำให้ตัวเก็บประจุ (capacitor) ที่มีค่าความจุไฟฟ้า (capacitance, C) มีความต้านเกิดขึ้นเรียกว่า ความต้านทานเชิงความจุ (capacitive reactance, X_C) โดยมีความสัมพันธ์กับความถี่ดังนี้ Ω

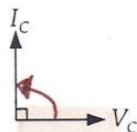
$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{2\pi f C}$$

↓ เทล่งจ่าย

เมื่อต่อปลายของตัวเก็บประจุกับเครื่องมือออสซิลโลสโคป จะได้กราฟกระแสและความต่างศักย์ดังนี้



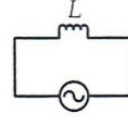
จากกราฟจะพบว่า I มีเฟสนำหน้า V อยู่ 90° หรือ $\frac{\pi}{2}$ เมื่อเขียนแผนภาพเฟเซอร์จะได้ดังรูป



กฎโอห์ม

$$V_{rms} = I_{rms} X_C, V_m = I_m X_C$$

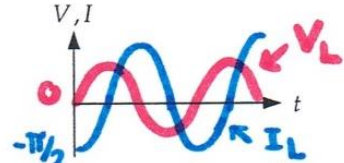
③ L = ความเหนี่ยวนำ (Henry, H)



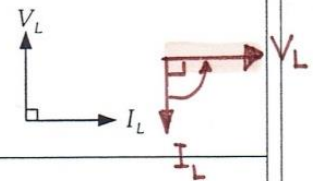
เราจะพบว่าความถี่ของไฟฟ้ากระแสสลับทำให้ตัวเหนี่ยวนำ (inductor) ที่มีค่าความเหนี่ยวนำ (inductance, L) มีความต้านเกิดขึ้นเรียกว่า ความต้านทานเชิงเหนี่ยวนำ (inductive reactance, X_L) โดยมีความสัมพันธ์กับความถี่ดังนี้ Ω

$$X_L = \omega L = 2\pi f L$$

เมื่อต่อปลายของตัวเหนี่ยวนำกับเครื่องมือออสซิลโลสโคป จะได้กราฟกระแสและความต่างศักย์ดังนี้



จากกราฟจะพบว่า V มีเฟสนำหน้า I อยู่ 90° หรือ $\frac{\pi}{2}$ เมื่อเขียนแผนภาพเฟเซอร์จะได้ดังรูป



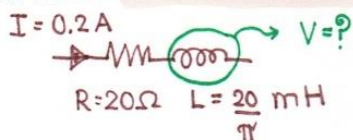
กฎโอห์ม

$$V_{rms} = I_{rms} X_L, V_m = I_m X_L$$

เฟสต่างกัน คือ $V \uparrow I \downarrow$
($\pi/2$)

Ex 5 วงจรไฟฟ้ากระแสสลับความถี่ 50 เฮิร์ตซ์ ประกอบด้วยตัวต้านทาน 20 โอห์ม และตัวเหนี่ยวนำ $\frac{20}{\pi}$ มิลลิเฮนรี มีกระแสผ่าน

0.2 แอมแปร์ ความต่างศักย์ระหว่างปลายของตัวเหนี่ยวนำจะมีค่ากี่โวลต์



$$V_L = I_L X_L$$

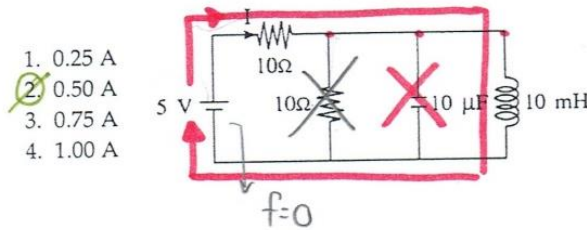
$$= I_L \omega L$$

$$= I_L (2\pi f) L$$

$$V_L = 0.2 (2\pi \times 50) \frac{20}{\pi} \times 10^{-3}$$

$$= 0.4 \text{ V}$$

Ex 6 จงคำนวณหาค่ากระแสไฟฟ้า I ในวงจรไฟฟ้าต่อไปนี้



1. 0.25 A
2. 0.50 A
3. 0.75 A
4. 1.00 A

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{\omega L} = \infty \Omega$$

$$f=0$$

$$X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{0} = \infty \Omega$$

$$X_L = \omega L = 0$$

$$I = \frac{E}{R + r} = \frac{5}{10} = 0.5 A$$

* การวิเคราะห์การคำนวณวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ *

อนุกรม
ขนาน
ผสม

หลัก 1. เขียน Phasor diagram มี 2 ขั้นตอนย่อย (I, V)

1.1 เขียนเฟสอ้างอิง (เฟสคงที่) เท่ากัน 1.2 เขียนเฟสที่เหลือ

2. หาเฟสสัมพันธ์โดยคำนวณแบบเวกเตอร์สัมพันธ์ : วงจรอนุกรม → หา $V_{\text{ลัพธ์}}$

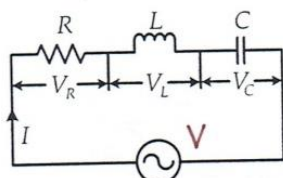
วงจรขนาน → หา $I_{\text{ลัพธ์}}$

3. หาค่า Z (ความต้านทานเชิงซ้อน, Impedance) หรือ เรียกว่า ความต้านทานรวมของวงจร

4. หาค่าตัวประกอบกำลัง (Power factor, $\cos \phi$) ซึ่งเป็นตัวเลขบอกการสูญเสียกำลังไฟฟ้าในวงจรกระแสสลับ โดยมีค่าอยู่ระหว่าง 0 ถึง 1 และค่ามุม ϕ เป็นมุมระหว่างเฟส $V_{\text{รวม}}$ และ $I_{\text{รวม}}$

การต่อวงจรและการวิเคราะห์

3.1 การต่อ RLC แบบอนุกรม

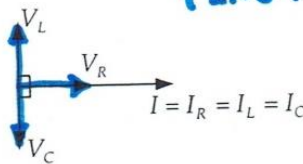


$$I_R = I_L = I_C$$

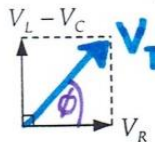
$$V_R \neq V_L \neq V_C$$

$$V \neq V_R + V_L + V_C$$

1. phasor :



2.



$$V_{\text{ลัพธ์}} = \sqrt{V_R^2 + (V_L - V_C)^2}$$

$$IZ = \sqrt{(IR)^2 + (IX_L - IX_C)^2}$$

3.

$$Z = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

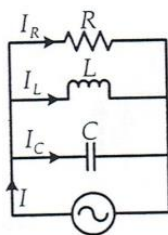
4.

$$\cos \phi = \frac{R}{Z}$$

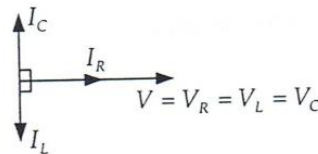
PF

$$\cos \phi = \frac{V_R}{V_T} = \frac{IR}{IZ}$$

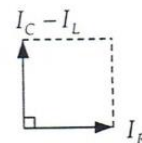
3.2 การต่อ RLC แบบขนาน



1. phasor :



2.



$$I_{\text{รวม}} = \sqrt{I_R^2 + (I_C - I_L)^2}$$

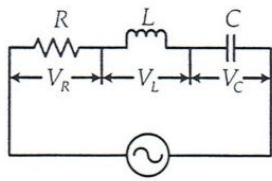
3.

$$\frac{1}{Z} = \sqrt{\left(\frac{1}{R}\right)^2 + \left(\frac{1}{X_C} - \frac{1}{X_L}\right)^2}$$

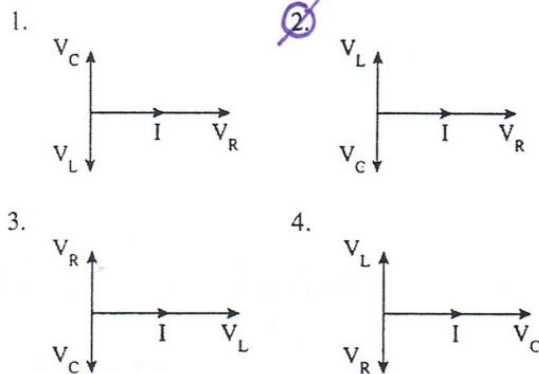
4.

$$\cos \phi = \frac{Z}{R}$$

Ex 7 ในวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ RLC ที่ต่อแบบอนุกรมดังรูป แผนภาพเฟเซอร์ของกระแสไฟฟ้า I และความต่างศักย์ของแต่ละส่วนประกอบของวงจรเป็นดังต่อไปนี้



"ไม่มี คต.ท.ใด
เอา Vector Volt ออก"



Ex 8 เมื่อนำตัวต้านทานและขดลวดเหนี่ยวนำอย่างละ 1 ตัวมาต่ออนุกรมกัน และต่อกับแหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสสลับที่มีความต่างศักย์เปลี่ยนแปลงตามเวลา $V = 100 \sin(2000t)$ โวลต์ เมื่อนำโวลต์มิเตอร์มาวัดความต่างศักย์คร่อมขดลวดเหนี่ยวนำ อ่านค่าได้ 10 โวลต์ อยากทราบว่าถ้านำไปวัดคร่อมตัวต้านทานจะอ่านได้กี่โวลต์ (Ent'40)

1. 10 V
2. 30 V
3. 70 V
4. 90 V

$V_L = 10 \text{ V}$
 V_{rms}

$$V_T = \sqrt{V_R^2 + (V_L - V_C)^2}$$

$$\frac{100}{\sqrt{2}} = \sqrt{V_R^2 + 10^2}$$

$$5000 = V_R^2 + 100 \rightarrow V_R = 70 \text{ V} \#$$

Ex 9 จากรูปวงจรต่อไปนี้ กำหนดให้ $V = 2 \sin 500t$ จงหาความต่างเฟสระหว่างกระแสไฟฟ้ารวม I กับความต่างศักย์ไฟฟ้ารวม V

$V_m = 2 \text{ V}$
 $\omega = 500 \text{ rad/s}$
 $\cos \phi = \frac{R}{Z}$
 $= \frac{R}{\sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}}$
 $X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{500 \times 1000 \times 10^{-6}} = 2 \Omega$
 $\therefore \phi = 45^\circ \#$

Ex 10 ขดลวดเหนี่ยวนำ 0.2 เฮนรี และตัวเก็บประจุ 10 ไมโครฟารัด ต่ออนุกรมกับแหล่งกำเนิดไฟฟ้ากระแสสลับที่ให้ ความต่างศักย์ สูงสุด 100 โวลต์ และความถี่เชิงมุม $\omega = 1,000$ เรเดียน/วินาที จงหากระแสที่อ่านได้จากแอมมิเตอร์ (Ent'38)

1. 1 A
2. $\frac{1}{3}$ A
3. $\sqrt{2}$ A
4. $\frac{1}{\sqrt{2}}$ A

$X_L = \omega L = 200 \Omega$
 $X_C = \frac{1}{\omega C} = \frac{1}{1000 (10 \times 10^{-6})} = 100 \Omega$

$$V = IZ$$

$$V = I \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

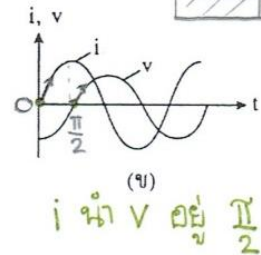
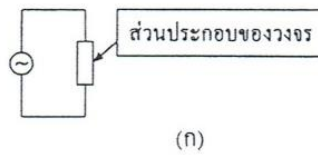
$$\frac{100}{\sqrt{2}} = I \sqrt{(200 - 100)^2}$$

$$I = \frac{1}{\sqrt{2}} \text{ A} \#$$

Note นอก V คม I } $V = IZ$
นอก I คม V }

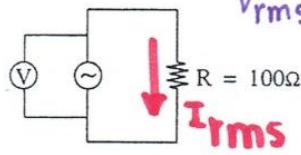
Ex 11 ส่วนประกอบของวงจรไฟฟ้ากระแสสลับตามรูป (ก) มีกระแสที่ผ่านและความต่างศักย์ระหว่างปลายทั้งสองสัมพันธ์กันตามรูป (ข) จงวิเคราะห์ว่าส่วนประกอบของวงจรไฟฟ้าคืออะไร (Ent'41)

1. ตัวเก็บประจุ
2. ขดลวดเหนี่ยวนำ
3. ตัวต้านทาน
4. เป็นวงจรผสมของขดลวดเหนี่ยวนำและตัวต้านทาน



Ex 12 ในวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ ดังรูป ถ้าโวลต์มิเตอร์ V อ่านค่าความต่างศักย์ได้ 200 โวลต์ จงหากระแสสูงสุดที่ผ่านความต้านทาน R

1. 0.70 A
2. 1.41 A
3. 2.0 A
4. 4.8 A
5. 2.8 A



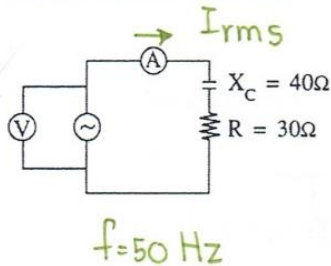
$$V_{rms} = IR$$

$$200 = I_{rms}(100) \rightarrow 2 = I_{rms}$$

$$2 = \frac{I_m}{\sqrt{2}}$$

$$\therefore I_m = 2.8 \text{ A}$$

Ex 13 ในวงจรไฟฟ้ากระแสสลับความถี่ 50 เฮิรตซ์ ดังรูป ถ้าโวลต์มิเตอร์ V อ่านค่าความต่างศักย์ได้ 200 โวลต์ แอมมิเตอร์ A จะอ่านค่ากระแสได้กี่แอมแปร์



$$V_{rms} = 200 \text{ V}$$

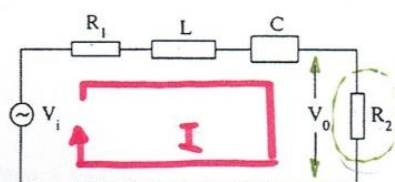
$$V = IZ$$

$$V = I \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$200 = I \sqrt{30^2 + 40^2}$$

$$I = 4 \text{ A}$$

Ex 14 จากรูป แสดงวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ จงหาอัตราส่วนของ V_0/V_i เมื่อแหล่งจ่ายกระแสสลับมีความถี่เชิงมุม ω (Ent Mar'43)



$$1. \frac{R_2}{\sqrt{R_1^2 + \left[\frac{\omega^2 LC - 1}{\omega C} \right]^2}} \quad \times$$

$$3. \frac{R_2}{\sqrt{(R_1 + R_2)^2 + \left[\frac{\omega^2 LC - 1}{\omega C} \right]^2}} \quad \checkmark$$

$$2. \frac{R_2}{\sqrt{R_1^2 + \left[\frac{\omega^2 LC - 1}{\omega L} \right]^2}} \quad \times$$

$$4. \frac{R_2}{\sqrt{(R_1 + R_2)^2 + \left[\frac{\omega^2 LC - 1}{\omega L} \right]^2}} \quad \times$$

$$\frac{V_0}{V_i} = \frac{IR_2}{I \sqrt{(R_1 + R_2)^2 + (X_L - X_C)^2}}$$

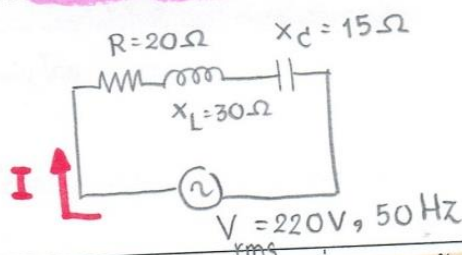
$$= \frac{R_2}{\sqrt{(R_1 + R_2)^2 + (X_L - X_C)^2}}$$

$$= \frac{R_2}{\sqrt{(R_1 + R_2)^2 + \left[\frac{\omega^2 LC - 1}{\omega C} \right]^2}}$$

- R_T & L_T คิดเหมือนกัน
- C_T คิดตรงข้าม R_T

Ex 15 ถ้าวจร ประกอบด้วยตัวต้านทานขนาด 20 โอห์ม ขดลวดเหนี่ยวนำที่มีค่าความต้านทานเชิงเหนี่ยวนำ 30 โอห์ม และตัวเก็บประจุที่มีค่าความต้านทานเชิงประจุ 15 โอห์ม ต่อกับอย่างอนุกรม และต่อเข้ากับแหล่งกำเนิดไฟฟ้ากระแสสลับ 220 โวลต์ ความถี่ 50 เฮิรตซ์ จงหากระแสในวงจร (Ent Oct'42)

1. 2.2 A
2. 4.4 A
3. 6.6 A
4. 8.8 A



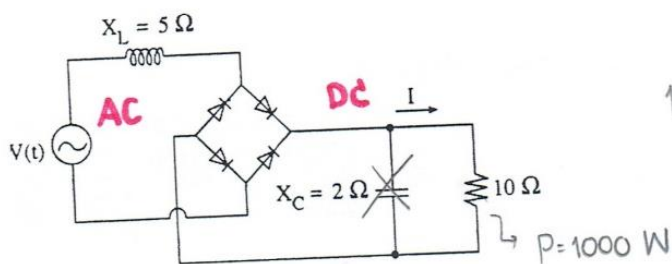
$$V = IZ$$

$$V = I \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$220 = I \sqrt{20^2 + (30 - 15)^2}$$

$$I = 8.8 \text{ A} \quad \#$$

Ex 16 วงจรดังรูปให้กำเนิดพลังงานไฟฟ้าขาเข้าของวงจรเปลี่ยนกระแสสลับเป็นกระแสตรง 1000 W จงหากระแส I



$$P = I^2 R$$

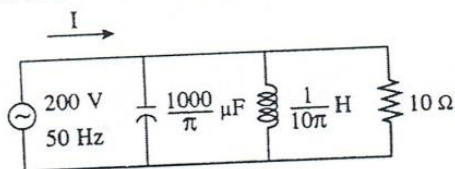
$$1000 = I^2 (10)$$

$$I = 10 \text{ A} \quad \#$$

1. 10 A
3. 11 A

2. 12 A
4. 13 A

Ex 17 จากวงจร ถ้าวัดตัวเก็บประจุออกจากวงจร จะมีผลต่อกระแส I อย่างไร



1. ขนาดของ I เท่าเดิม แต่เฟสของกระแสตามเฟสของแรงดัน
2. ขนาดของ I มากขึ้น แต่เฟสของกระแสนำเฟสของแรงดัน
3. ขนาดของ I มากขึ้น แต่เฟสของกระแสตามเฟสของแรงดัน
4. ขนาดของ I น้อยลง แต่เฟสของกระแสตามเฟสของแรงดัน

Ex 18 จงบอกวัตถุประสงค์ของการต่อตัวเก็บประจุขนานกับวงจรหลอดฟลูออเรสเซนต์

1. เพื่อให้หลอดเปล่งแสงมากขึ้นโดยใช้กำลังไฟฟ้าเท่าเดิม
2. เพื่อลดการกระพริบของหลอด
3. เพื่อลดกระแสรวม แต่หลอดเปล่งแสงเท่าเดิม
4. เพื่อเพิ่มกระแสรวม และหลอดเปล่งแสงมากขึ้น

วัดศักยภาพการทำงาน กำลังเฉลี่ยในวงจรไฟฟ้ากระแสสลับ

ในวงจรกระแสสลับมักจะมีตัวเหนี่ยวนำและตัวเก็บประจุต่ออยู่กับตัวต้านทานไฟฟ้า ทำให้ความต่างศักย์รวมและกระแสไฟฟ้ารวมมีเฟสต่างกัน และกำลังไฟฟ้าในสายส่งพลังงานจะเปลี่ยนแปลงตามค่าเวลาที่เปลี่ยนไป ดังนั้นการคิดกำลังไฟฟ้าในวงจรกระแสสลับจึงคิดเป็นค่าเฉลี่ย โดย

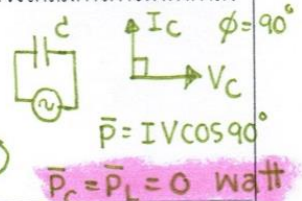
“กำลังไฟฟ้าเฉลี่ยของวงจรจะมีค่าเท่ากับผลคูณของค่าเฉลี่ยของความต่างศักย์กับกระแสไฟฟ้าที่อยู่ในเฟสเดียวกัน”

- ① $\bar{P} = I_{rms} V_{rms} \cos \phi$ เมื่อ I_{rms} = ค่ากระแสรวมในวงจร, V_{rms} = ค่าความต่างศักย์รวมในวงจร
 $\cos \phi$ = ตัวประกอบกำลัง (PF) { $\cos \phi = R/Z$ (อนุกรม)
 $\cos \phi = Z/R$ (ขนาน) }
 มักใช้กับโจทย์ที่มีแผนภาพ phasor

- ② จากการวิเคราะห์หาค่ากำลังพบว่าการสูญเสียกำลังไฟฟ้าจะสูญเสียเฉพาะในตัวต้านทานเท่านั้น เราจึงได้สมการการหาค่ากำลังใหม่ที่ใช้เฉพาะในตัวต้านทาน ดังนี้

$$\bar{P} = I_{rms}^2 R = \frac{V_{rms}^2}{R} = I_{rms} V_{rms}$$

เมื่อ I_{rms} = ค่ากระแสที่ผ่านตัวต้านทาน
 V_{rms} = ค่าความต่างศักย์ที่ตกคร่อมตัวต้านทาน



- ③ การสั้นพ้องทางไฟฟ้า (Resonance) เป็นปรากฏการณ์เมื่อเราปรับค่าความถี่ (f) ของแหล่งกำเนิดไฟฟ้ากระแสสลับจนทำให้ค่า $X_C = X_L$ ซึ่งจะส่งผลให้ 2 ประการดังนี้

- ทำให้เกิด I_{max} ในวงจรอนุกรม
- ทำให้เกิด I_{min} ในวงจรขนาน

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{CL}}$$

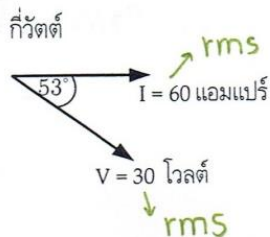
★ วงจรจูน

$$C_1 L_1 = C_2 L_2$$

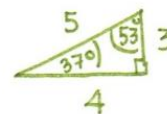


$$X_C = X_L \quad \omega C = \omega L \quad \omega^2 = \frac{1}{CL} \quad 2\pi f = \frac{1}{\sqrt{CL}}$$

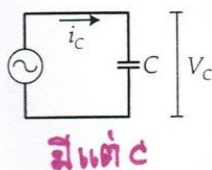
Ex 19 จากแผนภาพเฟเซอร์ของกระแสไฟฟ้าและความต่างศักย์ของวงจรไฟฟ้ากระแสสลับเป็นดังรูปกำลังเฉลี่ย $\bar{P}$ ของวงจรนี้มีค่า



$$\begin{aligned} \bar{P} &= I_{rms} V_{rms} \cos \phi \\ &= 60 (30) \cos 53^\circ \\ &= 1080 \text{ W} \end{aligned}$$



Ex 20 จากรูปวงจรไฟฟ้า กำหนดให้ $V_c = V_m \sin \omega t$ โวลต์ และค่าสูงสุดของ i_c คือ I_m แอมแปร์ ค่ากำลังไฟฟ้าเฉลี่ยของวงจรเท่ากับกั้วตต์



$$\bar{P} = 0 \text{ W}$$



$$\Rightarrow \bar{P} = 0 \text{ W}$$

Ex 21 แรงดันไฟฟ้า $e = 100 \sin \theta$ โวลต์ กระแสไฟฟ้า $I = 10 \sin(\theta - 60^\circ)$ แอมแปร์ กำลังไฟฟ้า P เท่ากับผลคูณของ e และ I กำลังไฟฟ้าสูงสุดจะมีค่าเท่าใด

1. 750 วัตต์

2. 1000 วัตต์

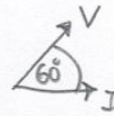
~~3. 500 วัตต์~~

4. 250 วัตต์

$$P = IV \cos \theta$$

$$P_m = I_m V_m \cos \theta$$

$$= 10(100) \cos 60^\circ = 500 \text{ W} \#$$



Ex 22 ขดลวดเหนี่ยวนำ 0.03 เฮนรี และตัวต้านทาน 40 โอห์ม ต่ออนุกรมกับแหล่งกำเนิดไฟฟ้ากระแสสลับ กระแสของวงจร (i)

*** เปลี่ยนแปลงตามเวลา (t) ดังสมการ $i = 5 \sin(1,000t)$ แอมแปร์ จงหา กำลังเฉลี่ยของวงจร และความต่างศักย์สูงสุดของ

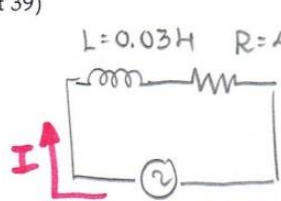
*** วงจรเป็นดังข้อใด (Ent'39)

~~1. 500 W, 250 V~~

2. 875 W, 350 V

3. 1,000 W, 250 V

4. 1,250 W, 250 V



$$i = 5 \sin(1000t)$$

$$\rightarrow I_m = 5$$

$$L = 0.03 \text{ H} \quad R = 40 \Omega \quad P_R = I_R^2 R = \left(\frac{5}{\sqrt{2}}\right)^2 40 = 500 \text{ W} \#$$

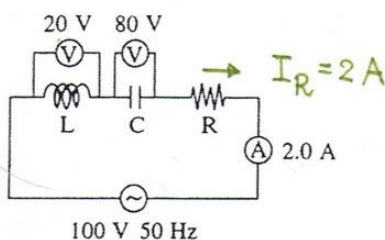
$$X_L = \omega L = 1000(0.03) = 30 \Omega$$

$$V_m = I_m Z = 5 \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2}$$

$$= 5 \sqrt{40^2 + 30^2} = 250 \text{ V} \#$$

Ex 23 พิจารณาวงจรไฟฟ้ากระแสสลับดังรูป มิเตอร์ทั้งหมดเป็นมิเตอร์ไฟฟ้า กระแสสลับแสดงค่าความต่างศักย์ และกระแสไฟฟ้า

กำลังไฟฟ้าที่จ่ายให้แก่วงจรที่มีค่าที่วัดได้



$$V_T = \sqrt{V_R^2 + (V_L - V_C)^2}$$

$$100^2 = V_R^2 + (20 - 80)^2$$

$$V_R = 80 \text{ V}$$

$$\bar{P} = I^2 R \text{ (rms)} = \frac{V^2}{R}$$

$$= I V_R \text{ (คิดที่ R)} \checkmark$$

$$= 2(80)$$

$$= 160 \text{ W} \#$$

Memo ...